



HİBRİT  
KİTAP

MİLLÎ EĞİTİM BAKANLIĞI AKADEMİ GİRİŞ SINAVI

Yapay Zekâ Destekli

**MEB • AGS**

KONU ANLATIMLI

**TÜRK MİLLÎ EĞİTİM SİSTEMİ**

TÜRKİYE YÜZYILI MAARİF MODELİ

**MEVZUAT**

ANAYASA

1739 SAYILI MİLLÎ EĞİTİM TEMEL KANUNU

222 SAYILI İLKÖĞRETİM VE EĞİTİM KANUNU

7528 SAYILI ÖĞRETMENLİK MESLEĞİ KANUNU



e-Kitaba ve video derslere  
erişebilmek için  
QR kodu okutunuz.



Fiziksel Kitap

HİBRİT  
KİTAP

e-Kitap

Video Ders Hediyesi

**ARTIFORCE, TÜBİTAK-TEYDEB** Destek Programından yararlanılarak geliştirilmiştir (Proje No: 7230451).  
Ürün/hizmet ile ilgili tüm sorumluluk Pegem Akademi Yayıncılık Eğitim Danışmanlık Hizmetleri Tic. AŞ'ye aittir.



**PEGEM AKADEMİ**



## Komisyon

### MEB-AGS TÜRK MİLLÎ EĞİTİM SİSTEMİNİN YAPISI VE MEVZUAT

ISBN 978-625-6140-72-1

Kitapta yer alan bölümlerin tüm sorumluluğu yazarlarına aittir.

© Pegem Akademi

Bu kitabın basım, yayım ve satış hakları Pegem Akademi Yay. Eğt. Dan. Hizm. Tic. A.Ş.'ye aittir. Anılan kuruluşun izni alınmadan kitabın tümü ya da bölümleri, kapak tasarımı; mekanik, elektronik, fotokopi, manyetik kayıt ya da başka yöntemlerle çoğaltılamaz, basılamaz ve dağıtılamaz. Bu kitap, T.C. Kültür ve Turizm Bakanlığı bandrolü ile satılmaktadır. Okuyucularımızın bandrolü olmayan kitaplar hakkında yayineimize bilgi vermesini ve bandrolsüz yayınları satın almasını diliyoruz.

**I. Baskı:** 2024, Ankara

Proje-Yayın: Pegem  
Dizgi-Grafik Tasarım: Gülnur Öcalan  
Kapak Tasarımı: Pegem

#### İletişim

**Pegem Akademi:** Shira Ticaret Merkezi, Macun Mahallesi 204 Cad.  
No: 141/33, Yenimahalle/Ankara  
Yayınevi: 0312 430 67 50  
Dağıtım: 0312 434 54 24  
Hazırlık Kursları: 0312 419 05 60  
İnternet: [www.pegem.net](http://www.pegem.net)  
E-ileti: [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net)  
WhatsApp Hattı: 0538 594 92 40

**Baskı:** Başak Matbaacılık AŞ  
Çınar Mah. Çankırı Bulvarı No:108 Akyurt/ANKARA

Yayıncı Sertifika No: 51818  
Matbaa Sertifika No: 51529

### Değerli Okuyucularımız,

MEB-AGS Türk Millî Eğitim Sistemi - Türkiye Yüzyılı Maarif Modeli ve Mevzuat kapsamındaki konulara çalışmak ve soruları çözmek için gerekli bilgi, beceri ve teknikleri edinme ve geliştirme sürecinde siz değerli okuyucularımıza kılavuz olarak hazırlanmıştır.

Kitabın hazırlanış sürecinde, sınav kapsamındaki temel alanlarda kapsamlı alanyazın taraması yapılmış, bu kitabın gerek MEB-AGS gerekse gelecekteki meslek hayatınızda ihtiyacınızı maksimum derecede karşılayacak bir başucu kitabı niteliğinde olması hedeflenmiştir.

Detaylı, güncel ve anlaşılır bir dilde yazılan konu anlatımları, her ünite içeriği ÖSYM formatına uygun, çözümlü test sorularıyla pekiştirilmiştir. Ayrıca konu anlatımlarında verilen bilgi ve çözüm tekniklerine ek olarak uyarı kutucuklarıyla önemli konulara dikkat çekilmiştir.

Yoğun bir araştırma ve çalışma sürecinde hazırlanmış olan bu kitapla ilgili görüş ve önerilerinizi [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net) adresine e-posta yoluyla ya da **0538 594 92 40** numaralı telefona WhatsApp üzerinden iletmeniz yeterli olacaktır.

Geleceğimizi güvenle emanet ettiğimiz siz değerli öğretmenlerimizin hizmet öncesi ve hizmet içi eğitimlerine katkıda bulunabilmek ümidiyle...

Pegem Akademi

### TÜM KİTAPLAR YANINDA; CEPTE, TABLETTE VE MASANDA Hibrit kitaplarda kullanıcılar;



- 1 Kitabın dijital formatına erişim sağlayabilir.
- 2 Kitabın bölümleri altında video derslere erişim sağlayabilir.
- 3 Konu sonu testlerini çözebilir.



Detaylı anlatım için QR kodu okutunuz.

Pegem Kampüs web sitesi üzerinden aktivasyon kodunuzu aktif edebilmek ve içeriklere erişebilmek için aşağıdaki adımları takip ediniz:



Mevcut tarayıcınızın adres çubuğuna **arti.pegemkampus.com** yazarak web sitemiz üzerinden üyeliğinizi gerçekleştirebilirsiniz.



Üyelik bilgileriniz ile giriş yaptıktan sonra sol menüde yer alan **"Aktivasyonlarım"** sekmesine girerek kodunuzu aktif edebilirsiniz.



Aktivasyon işleminizi tamamladıktan sonra menüde aktif hâle gelen **"Ölçme İstasyonu"** sekmesine tıklayarak içeriklere ulaşabilirsiniz.

*Aktivasyon kodu kitabınızın ilk sayfasında yer almaktadır.  
Aktivasyon kodu ile aktif ettiğiniz hibrit kitaba erişim 31.08.2025 tarihine kadar geçerlidir.*

**Video dersler 02.01.2025 tarihinde yayında olacaktır.**



Pegem Kampüs İletişim Hattı  
**0312 418 51 55**



### I. BÖLÜM – TÜRK MİLLÎ EĞİTİM SİSTEMİNİN YAPISI

Türk Millî Eğitim Sisteminin Yapısı.....	1
Türkiye’de Eğitimle İlgili Yasal Belirleyiciler .....	1
Türk Millî Eğitiminin Amaçları .....	2
Türk Millî Eğitiminin Temel İlkeleri .....	2
Türk Eğitim Sisteminin Yapısı .....	4
Eğitimde Reform ve Yenilik Girişimleri .....	16

### TÜRKİYE YÜZYILI MAARİF MODELİ

Türkiye Yüzyılı Maarif Modeli ile Geliştirilen 2024 Eğitim Programının Genel Özellikleri.....	24
Bütüncül Eğitim .....	25
Türkiye Yüzyılı Maarif Modeli’nin Program Bileşenleri- nin Kavramsallaştırma ve Sınıflama Örgüsü .....	26
Modelde Öğrenme ve Öğretme Yaşantıları .....	27
Üst Düzey Düşünme Becerileri .....	30
Öğrenme Çıktıları .....	40
Sosyal – Duygusal Öğrenme Becerileri .....	42
Erdem – Değer – Eylem Çerçevesi .....	45
Sistem Düşüncesi ve Okuryazarlık Becerileri .....	50
Bağlam Temelli Öğrenme .....	56
Proje Temelli Öğrenme .....	57
Sorgulamaya Dayalı Öğrenme .....	57
İş Birlikli Öğrenme .....	57
Okul Temelli Planlama .....	63
Çözümlü Test .....	66

### 2. BÖLÜM – MEVZUAT

1982 Anayasası Temel Hükümler .....	79
Çözümlü Test .....	83
Temel Hak ve Ödevler .....	91
Çözümlü Test .....	98
Yasama .....	112
Çözümlü Test .....	122
Yürütme .....	135
Çözümlü Test .....	139
Yargı .....	155
Çözümlü Test .....	162

### TEMEL EĞİTİM KANUNLARI

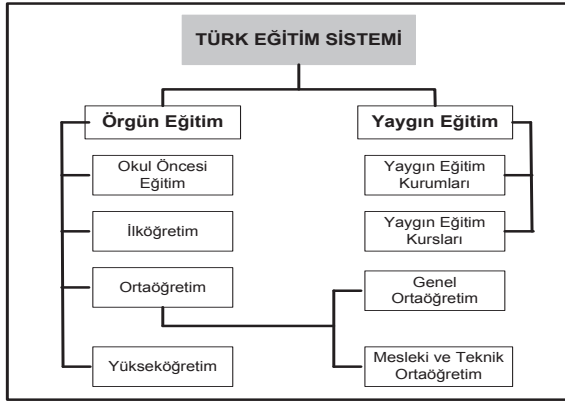
1739 Sayılı Millî Eğitim Temel Kanunu .....	175
Çözümlü Test .....	186
222 Sayılı İlköğretim ve Eğitim Kanunu .....	195
Çözümlü Test .....	204
7528 Sayılı Öğretmenlik Mesleği Kanunu .....	214
Çözümlü Test .....	229
Kaynakça .....	252

**Türkiye’de Eğitimle İlgili Yasal Belirleyiciler**

Türk eğitim sisteminin oluşturulmasında ulusal düzeyde başlıca belirleyiciler; ilgili yasalar, kalkınma planları, Millî Eğitim Şuraları ve hükümet programlarıdır.

Türk Eğitim sistemiyle ilgili başlıca yasalar arasında şunlar yer alır:

- ⇒ 430 sayılı *Tevhid-i Tedrisat Kanunu* (1924),
- ⇒ 789 sayılı *Maarif Teşkilatına Dair Kanun* (1926),
- ⇒ 222 sayılı *İlköğretim ve Eğitim Kanunu* (1961),
- ⇒ 1739 sayılı *Millî Eğitim Temel Kanunu* (1973),
- ⇒ 3308 sayılı *Mesleki Eğitim Kanunu* (1986),
- ⇒ 2547 sayılı *Yükseköğretim Kanunu* (1981).

**Anayasalarda Eğitim**

T.C. Anayasası’na (1982) göre eğitim; adalet, güvenlik ve sağlık gibi devletin temel işlevlerinden birisi olup devletin denetimi ve gözetimi altında yapılmaktadır. MEB merkez teşkilâtı, taşra ve yurt dışı teşkilâtları, eğitim hizmetlerinin sunumunda önemli görevler üstlenmektedir.

Anayasa, devletin kuruluşu ile vatandaşların temel hak ve özgürlüklerini düzenleyen temel yasadır. Türkiye’nin geçmişinde bugünkü anlamda ilk anayasa *Kanun-i Esasi*’dir (1876). Bu yasa, daha sonra yürürlükten kaldırılarak 1909’da bazı değişikliklerle yeniden yürürlüğe girmiştir. Bundan sonra da 1921’de ve 1924’te yasada bazı değişiklikler yapılmıştır.

Bu yasalarda ilköğretimin zorunluluğu ilkesi yer almaktadır.

1961 yılında hazırlanan Anayasada, ilk, orta ve yükseköğretimle ilgili bazı maddeler vardır. Türkiye’de, 1960’dan sonra planlı kalkınma dönemine girilmiştir.

1961 Anayasası’na göre planlama, devletin bir görevi olarak tanımlanmıştır,

T.C. Anayasası’nda (1982) eğitimle ilgili hususlar daha ayrıntılı olarak yer almıştır.

Kitabımız içerisinde mevzuat kısmı 2. bölüm içinde ayrıntılı olarak yer almaktadır. Bu bölümde Türk Millî Eğitim Sistemi’nin genel yapısına yer verilmiştir. Mevzuat ile ilgili bilgiler için 2. bölüme bakınız...

**T.C. Anayasası’na Göre Eğitim**

Anayasa’da eğitimle ilgili hususlar, genel olarak “Eğitim ve Öğrenim Hakkı ve Ödevi” başlığı altında 42. maddede yer almakla birlikte, anayasanın diğer maddelerinde açıklanan bazı konular da eğitimle ilgilidir. Bu maddeler şunlardır:

- ⇒ *Din ve Ahlak Eğitimi* (madde 24),
- ⇒ *Düşünce ve Kanaatleri Açıklama ve Yayma Hürriyeti* (madde 26),
- ⇒ *Bilim ve Sanat Hürriyeti* (madde 27),
- ⇒ *Ananın ve Çocuğun Korunması ve Aile Planlaması Öğretimi* (madde 41),
- ⇒ *Gençliğin Korunması* (madde 58),
- ⇒ *Yabancı Ülkelerde Çalışan Vatandaşların Çocuklarının Eğitimi* (madde 62).
- ⇒ Anayasanın 24. ve 42. maddelerinde eğitimle ilgili yer alan hükümler yer almaktadır:
- ⇒ Herkes, vicdan, dini inanç ve kanaat hürriyetine sahiptir. 14. madde hükümlerine aykırı olmamak şartıyla ibadet, dini ayin ve törenler serbesttir. Kimse, ibadete, dini ayin ve törenlere katılmaya, dini inanç ve kanaatlerini açıklamaya zorlanamaz; dini inanç ve kanaatlerinden dolayı kınanamaz ve suçlanamaz. Din ve ahlak eğitim ve öğretimi, devletin gözetim ve denetimi altında yapılır. Din kültürü ve ahlak öğretimi, ilköğretim ve ortaöğretim kurumlarında okutulan zorunlu dersler arasında yer alır. Bunun dışındaki din eğitim ve öğretimi, ancak kişilerin kendi isteğine, küçüklerin de kanuni temsilcisinin talebini bağlıdır (madde 24).
- ⇒ Kimse eğitim-öğrenim hakkından yoksun bırakılmaz. Öğrenim hakkının kapsamı kanunla tespit edilir ve düzenlenir.
- ⇒ Eğitim ve öğretim, Atatürk ilkeleri ve inkılapları doğrultusunda, çağdaş bilim ve eğitim esaslarına göre, devletin gözetim ve denetimi altında yapılır. Bu esaslara aykırı eğitim ve öğretim yerleri açılmaz.
- ⇒ Eğitim ve öğretim hürriyeti, anayasaya sadakat borcunu ortadan kaldırmaz.
- ⇒ İlköğretim, kız ve erkek bütün vatandaşlar için zorunludur ve devlet okullarında parasızdır. Özel ilk ve orta dereceli okulların bağlı olduğu esaslar, devlet okulları ile erişilmek istenen seviyeye uygun olarak kanunla düzenlenir.



- ⇒ Devlet, maddi imkânlardan yoksun başarılı öğrencilerin öğrenimlerini sürdürebilmeleri amacı ile burslar ve başka yollarla gerekli yardımı yapar. Durumları sebebiyle özel eğitime ihtiyacı olanları topluma yararlı kılabacak tedbirleri alır.
- ⇒ Eğitim ve öğretim kurumlarında sadece eğitim, öğretim, araştırma ve inceleme ile ilgili faaliyetler yürütülür. Bu faaliyetler her ne suretle olursa olsun engellenemez.
- ⇒ Türkçeden başka hiçbir dil, eğitim ve öğretim kurumlarında Türk vatandaşlarına ana dilleri olarak okutulamaz ve öğretilemez. Eğitim ve öğretim kurumlarında okutulacak yabancı diller ile yabancı dille eğitim ve öğretim yapan okulların tabi olacağı esaslar kanunla düzenlenir. Milletlerarası anlaşma hükümleri saklıdır (madde 42).

### Millî Eğitim Temel Kanunu

Anayasanın dışında Türk eğitim sisteminin diğer önemli belirleyicileri, doğrudan eğitimle ilgili kanunlardır. Bunlardan biri, *Tevhid-i Tedrisat* (Öğretimin Birleştirilmesi) Kanunu (1924) olup bu kanun, altı maddeden oluşur. Bu kanunla bir taraftan Maarif Vekâleti'ne, diğer taraftan Şerhiyye ve Evkaf Vekâleti'ne ya da özel vakıflara bağlı olarak faaliyet gösteren eğitim-öğretim kurumlarının tamamı, Maarif Vekâleti'ne bağlanır.

Eğitim sistemini düzenleyen diğer bir kanun ise *Millî Eğitim Temel Kanunu* (1973) olup söz konusu kanun; mevcut Türkiye Millî Eğitim Sisteminin düzenlenmesinde esas olan *amaçlar, ilkeler, eğitim sisteminin genel yapısı, öğretmenlik mesleği, okul bina ve tesisleri, eğitim araç ve gereçleri, Devletin eğitim ve öğretim alanındaki görev ve sorumluluğu ile ilgili temel hükümleri kapsar. Aşağıda bu kanunda Millî Eğitimle ilgili yer alan temel amaçlar ile temel ilkeler verilmiştir.*

### Türk Millî Eğitiminin Amaçları

**Genel Amaçlar:** Türk Millî Eğitiminin genel amacı, Türk milletinin bütün fertlerini;

- ⇒ Atatürk inkılâp ve ilkelerine ve Anayasada ifadesini bulunan Atatürk milliyetçiliğine bağlı, Türk Milletinin millî, ahlaki, insani, manevi ve kültürel değerlerini benimseyen, koruyan ve geliştiren; ailesini, vatanını, milletini seven ve daima yüceltmeye çalışan; insan haklarına ve Anayasanın başlangıcındaki temel ilkelere dayanan demokratik, laik ve sosyal bir hukuk devleti olan Türkiye Cumhuriyeti'ne karşı görev ve sorumluluklarını bilen ve bunları davranış hâline getirmiş yurttaşlar olarak yetiştirmek;

- ⇒ Beden, zihin, ahlak, ruh ve duygu bakımlarından dengeli ve sağlıklı şekilde gelişmiş bir kişiliğe ve karaktere, hür ve bilimsel düşünme gücüne, geniş bir dünya görüşüne sahip, insan haklarına saygılı, kişilik ve teşebbüse değer veren, topluma karşı sorumluluk duyan; yapıcı, yaratıcı ve verimli kişiler olarak yetiştirmek;
- ⇒ İlgî, istidat ve kabiliyetlerini geliştirerek gerekli bilgi, beceri, davranışlar ve birlikte iş görme alışkanlığı kazandırmak suretiyle hayata hazırlamak ve onların, kendilerini mutlu kılabacak ve toplumun mutluluğuna katkıda bulunacak bir meslek sahibi olmalarını sağlamak;
- ⇒ Böylece bir yandan Türk vatandaşlarının ve Türk toplumunun refah ve mutluluğunu artırmak; öte yandan millî birlik ve bütünlük içinde iktisadi, sosyal ve kültürel kalkınmayı desteklemek ve hızlandırmak ve nihayet Türk Milletini çağdaş uygarlığın yapıcı, yaratıcı, seçkin bir ortağı yapmaktır (madde 2).

**Özel Amaçlar:** Türk Millî Eğitim ve öğretim sistemi, yukarıdaki genel amaçları gerçekleştirecek şekilde düzenlenir; çeşitli derece ve türdeki eğitim kurumlarının özel amaçları, genel amaçlara ve aşağıda sıralanan temel ilkeler uygun olarak tespit edilir. Okul kademelerinin amaçları, okulların amaçları, derslerin amaçları Millî Eğitimin temel amaçları ışığında hazırlanmakta, ilgili öğretim kademesiyle ilgili program ve yönetmeliklerde yer almaktadır.

### Türk Millî Eğitiminin Temel İlkeleri

- Genellik ve Eşitlik:** Eğitim kurumları dil, ırk, cinsiyet ve din ayırımı gözetilmeksizin herkese açıktır.
- Ferdin ve Toplumun İhtiyaçları:** Millî Eğitim hizmeti, Türk vatandaşlarının istek ve kabiliyetleri ile Türk toplumunun ihtiyaçlarına göre düzenlenir.
- Yöneltilme:** Fertler, eğitimleri süresince, ilgi, istidat ve kabiliyetleri ölçüsünde ve doğrultusunda çeşitli programlara veya okullara yöneltilerek yerleştirilirler.
- Eğitim Hakkı:** İlköğretim görmek her Türk vatandaşının hakkıdır.
- Fırsat ve İmkân Eşitliği:** Eğitimde kadın, erkek herkese fırsat ve imkan eşitliği sağlanır.
- Süreklilik:** Fertlerin genel ve mesleki eğitimlerinin hayat boyunca devam etmesi esastır.



7. **Atatürk İnkılâp ve İlkeleri ve Atatürk Milliyetçiliği:** Eğitim sistemimizin her derece ve türü ile ilgili ders programlarının hazırlanıp uygulanmasında ve her türlü eğitim faaliyetlerinde Atatürk inkılâp ve ilkeleri ve Anayasada ifadesini bulmuş olan Atatürk milliyetçiliği temel olarak alınır. Millî ahlak ve millî kültürün bozulup yozlaşmadan kendimize has şekli ve evrensel kültür içinde korunup geliştirilmesine ve öğretilmesine önem verilir.
8. **Demokrasi Eğitimi:** Güçlü ve istikrarlı, hür ve demokratik bir toplum düzeninin gerçekleşmesi ve devamı için yurttaşların sahip olmaları gereken demokrasi bilincinin, yurt yönetimine ait bilgi, anlayış ve davranışlarla sorumluluk duygusunun ve manevi değerlere saygının, her türlü eğitim çalışmalarında öğrencilere kazandırılıp geliştirilmesine çalışılır; ancak, eğitim kurumlarında Anayasada ifadesini bulan Atatürk milliyetçiliğine aykırı siyasi ve ideolojik telkinler yapılmasına ve bu nitelikteki günlük siyasi olay ve tartışmalara karışılmasına hiçbir şekilde meydan verilmez.
9. **Laiklik:** Din kültürü ve ahlak öğretimi ilkököl ve ortaokullar ile lise ve dengi okullarda okutulan zorunlu dersler arasında yer alır.
10. **Bilimsellik:** Her derece ve türdeki ders programları ve eğitim metotlarıyla ders araç ve gereçleri, bilimsel ve teknolojik esaslara ve yeniliklere, çevre ve ülke ihtiyaçlarına göre sürekli olarak geliştirilir.
11. **Planlılık:** Millî Eğitimin gelişmesi, iktisadi, sosyal ve kültürel kalkınma hedeflerine uygun olarak eğitim-insan gücü-istihdam ilişkileri dikkate alınmak suretiyle, sanayileşme ve tarımda modernleşmede gerekli teknolojik gelişmeyi sağlayacak mesleki ve teknik eğitime ağırlık verecek biçimde planlanır ve gerçekleştirilir.
12. **Karma Eğitim:** Okullarda kız ve erkek karma eğitim yapılması esastır. Ancak eğitimin türüne, imkân ve zorluklara göre bazı okullar yalnızca kız veya yalnızca erkek öğrencilere ayrılabilir.
13. **Eğitim Kampüsleri ve Okul ile Ailenin İş Birliği:** Aynı alan içinde birden fazla örgün ve/veya yaygın eğitim kurumunun bir arada bulunması hâlinde eğitim kampüsü kurulabilir ve bunların ortak ihtiyaçlarını karşılamak üzere eğitim kampüsü yönetimi oluşturulabilir.
14. **Her Yerde Eğitim:** Millî Eğitimin amaçları yalnız resmi ve özel eğitim kurumlarında değil, aynı zamanda evde, çevrede, işyerlerinde, her yerde ve her fırsatta gerçekleştirilmeye çalışılır.

### Okul Öncesi Eğitim

Okul öncesi eğitim kurumu, okul öncesi eğitim çağı çocuklarına eğitim veren anaokulu, ana sınıfı ile uygulama sınıfını ifade eder. Okul Öncesi Eğitim Kurumları Yönetmeliğine göre, okul öncesi eğitim kurumları **anaokulu**, **ana sınıfı** ve **uygulama sınıfı** olarak gruplandırılmaktadır. **Anaokulu:** 36-66 aylık çocukların eğitimi amacıyla açılan okulu, **Ana sınıfı:** 48-66 aylık çocukların eğitimi amacıyla örgün ve yaygın eğitim kurumları bünyesinde açılan sınıfı, **Uygulama sınıfı:** Mesleki ve teknik ortaöğretim kurumlarında çocuk gelişimi ve eğitimi alanında 36-66 aylık çocukların eğitiminin yapıldığı uygulama birimini ifade eder (Okul Öncesi Eğitim ve İlköğretim Kurumları Yönetmeliği, Madde 4) .

Anaokulu ve uygulama sınıflarına, kayıtların yapıldığı yılın eylül ayı sonu itibarıyla 36 ayını tamamlayan ve 66 ayını doldurmamış çocukların kaydı yapılır. Ana sınıflarına, kayıtların yapıldığı yılın eylül ayı sonu itibarıyla 48 ayını dolduran ve 66 ayını doldurmamış çocuklar kaydedilir.

**Kuruluş:** Okul öncesi eğitim kurumları, bağımsız anaokulları olarak kurulabileceği gibi, gerekli görülen yerlerde ilköğretim okuluna bağlı anasınıfları hâlinde veya ilgili diğer öğretim kurumlarına bağlı uygulama sınıfları olarak da açılabilir (1739 S.K., 1973; Md.21) .

**Amaç ve Görevler:** Okul öncesi eğitiminin amaç ve görevleri, Millî Eğitimin genel amaçlarına ve temel ilkelerine uygun olarak,

Çocukların beden, zihin ve duygu gelişmesini ve iyi alışkanlıklar kazanmasını sağlamak,

Onları ilköğretime hazırlamak,

Şartları elverişsiz çevrelerden ve ailelerden gelen çocuklar için ortak bir yetişme ortamı yaratmak,

Çocukların Türkçeyi doğru ve güzel konuşmalarını sağlamaktır.





### İlköğretim

Mecburi ilköğretim çağı 6-13 yaş grubundaki çocukları kapsar. Bu çağ çocuğun 5 yaşını bitirdiği yılın eylül ayı sonunda başlar, 13 yaşını bitirip 14 yaşına girdiği yılın öğretim yılı sonunda biter (1739 S.K., 1973; Md.22).

**Kuruluş:** İlköğretim kurumlarının ilkokul ve ortaokul olarak bağımsız okullar hâlinde kurulması esastır. Ancak imkân ve şartlara göre ortaokullar, ilkokullarla veya liselerle birlikte de kurulabilir (Md. 24).

### Amaç ve görevler

İlköğretimin amaç ve görevleri, Millî Eğitimin genel amaçlarına ve temel ilkelerine uygun olarak (1739 S.K., 1973; Md.23);

Her Türk çocuğuna iyi bir vatandaş olmak için gerekli temel bilgi, beceri, davranış ve alışkanlıkları kazandırmak; onu millî ahlak anlayışına uygun olarak yetiştirmek;

Her Türk çocuğunu ilgi, istidat ve kabiliyetleri yönünden yetiştirerek hayata ve üst öğrenime hazırlamaktır.

İlköğretimin son ders yılının ikinci yarısında öğrencilere, ortaöğretimde devam edilebilecek okul ve programların hangi mesleklerin yolunu açabileceği ve bu mesleklerin kendilerine sağlayacağı yaşam standardı konusunda tanıtıcı bilgiler vermek üzere rehberlik servislerince gerekli çalışmalar yapılır.

### Ortaöğretim

Ortaöğretim; ilköğretime dayalı dört yıllık zorunlu örgün veya yaygın öğrenim veren genel, mesleki ve teknik öğretim kurumları ile mesleki eğitim merkezlerinin tümünü kapsar. Bu okul ve kurumları bitirenlere, bitirdikleri programın özelliğine göre diploma verilir. Ancak mesleki eğitim merkezi öğrencilerinin diploma alabilmeleri için Millî Eğitim Bakanlığınca belirlenen fark derslerini tamamlaması zorunludur (1739 S.K., 1973; Md.26).

**Kuruluş:** Ortaöğretim, çeşitli programlar uygulayan liseler ile mesleki eğitim merkezlerinden meydana gelir. Nüfusu az ve dağınık olan ve Millî Eğitim Bakanlığınca gerekli görülen yerlerde, ortaöğretimin, genel, mesleki ve teknik öğretim programlarını bir yönetim altında uygulayan çok programlı liseler kurulabilir. Ortaöğretim kurumlarının öğrenim süresi, uygulanan programın özelliğine göre, Millî Eğitim Bakanlığınca tespit edilir (1739 S.K., 1973; Md.29).

**Amaç ve görevler:** Ortaöğretimin amaç ve görevleri, Millî Eğitimin genel amaçlarına ve temel ilkelerine uygun olarak (1739 S.K., 1973; Md.29);

Bütün öğrencilere ortaöğretim seviyesinde asgari ortak bir genel kültür vermek suretiyle onlara kişi ve toplum sorunlarını tanımak, çözüm yolları aramak ve yurdun iktisadi sosyal ve kültürel kalkınmasına katkıda bulunmak bilincini ve gücünü kazandırmak,

Öğrencileri, çeşitli program ve okullarla ilgi, istidat ve kabiliyetleri ölçüsünde ve doğrultusunda yükseköğretime veya hem mesleğe hem de yükseköğretime veya hayata ve iş alanlarına hazırlamaktır.

Bu görevler yerine getirilirken öğrencilerin istekleri ve kabiliyetleri ile toplum ihtiyaçları arasında denge sağlanır.

### Yükseköğretimle İlgili Yasalar ve Yönetmelikler

Anayasa ve Millî Eğitim Temel Kanunu ışığında Türkiye’de yükseköğretime düzenleyen çeşitli yasa ve yönetmelikler vardır. Türkiye’de yükseköğretimle ilgili yürürlükteki temel yasalardan biri, 2547 sayılı *Yükseköğretim Kanunu (1981)* olup bu kanun, amaçlar, kapsam, tanımlar, genel hükümler, üst kuruluşlar, yükseköğretim kurumları, öğretim elemanları, çalışma ve denetim, öğretim ve öğrenciler, memurlar ve diğer görevliler, disiplin ve ceza işleri, mali hükümler ve çeşitli hükümler başlıklı bölümlerden oluşur.

### Yükseköğretim Kanunu

Bu kanunun amacı; yükseköğretimle ilgili amaç ve ilkeleleri belirlemek ve bütün yükseköğretim kurumlarının ve üst kuruluşlarının teşkilatlanma, işleyiş, görev, yetki ve sorumlulukları ile eğitim-öğretim, araştırma, yayım, öğretim elemanları, öğrenciler ve diğer personelle ilgili esasları düzenlemektir.

### Türk Eğitim Sisteminin Yapısı

İlk düzenlemeler, Osmanlı Devleti döneminde yapılmıştır. Cumhuriyetten sonra Bakanlığın adında zaman içinde aşağıdaki gibi bazı değişimler olmuştur: *Maarif Vekaleti (1923-1935)*, *Kültür Bakanlığı (1935-1941)*, *Maarif Vekilliği (1941-1946)*, *Millî Eğitim Bakanlığı (1946-1950)*, *Maarif Vekaleti (1950-1960)*, *Millî Eğitim Bakanlığı (1960-1983)*, *Millî Eğitim, Gençlik ve Spor Bakanlığı (1983-1989)*, *Millî Eğitim Bakanlığı (1989- )*





Cumhuriyetten sonra eğitim sisteminde 789 sayılı Maarif Teşkilatına Dair Kanun (1926) ile bir düzenleme yapılmıştır. Bu yasayla MEB taşra teşkilatı kurulmuş, Bakanlık yapısı içinde başta *Talim ve Terbiye Dairesi* (Kurulu) olmak üzere bazı birimler eklenmiştir. Daha sonra 2287 sayılı Maarif Vekâleti Merkez Teşkilatı ve Vazifeleri Kanun (1933) ile bakanlık merkez teşkilatında yeni bir düzenleme yapılmış, bazı birimler eklenmiştir. Bunlardan sonra da zaman içinde eğitim sisteminin yapısında bazı değişiklikler olmuş; 3797 sayılı Millî Eğitim Bakanlığının Teşkilat ve Görevleri Hakkında Kanun'a (1992) göre yeniden düzenleme yapılmıştır. MEB'in en son yapısı, 1 Numaralı Cumhurbaşkanlığı Teşkilatı Hakkında Cumhurbaşkanlığı Kararnamesi'ne (2018) göre oluşturulmuştur.

### MİLLÎ EĞİTİM BAKANLIĞININ GÖREVLERİ

Türk eğitim sistemi, kamu yönetiminde benimsenen modele göre, genel olarak merkeziyetçi olarak örgütlenmiş ve merkeziyetçi bir biçimde yönetilir. OECD ülkelerinde yapılan bir araştırmada Türk Millî Eğitim Sistemi, söz konusu ülkeler içinde en merkeziyetçi olarak örgütlenmiş eğitim sistemlerinin başında gelmektedir. Türkiye'de diğer bazı bakanlıklara bağlı olanlar dışında bütün eğitim-öğretim kurumları MEB'e bağlıdır. Yükseköğretim kurumları ise özel yasalara tabidir. MEB'in görevleri, yukarıda adı geçen Cumhurbaşkanlığı Teşkilatı Hakkında Cumhurbaşkanlığı Kararnamesi ile (2018) belirlenmiştir.

MEB'in temel görevi, Bakanlığa bağlı her kademe ve türdeki eğitim-öğretim kurumlarının çalışanlarına ve öğrencilerine ilişkin hizmetleri planlamak, uygulamak, denetlemek ve değerlendirmektir. Buna göre Millî Eğitim Bakanlığının görevleri şunlardır:

- ⇒ Okul öncesi, ilk ve orta öğretim çağındaki öğrencileri bedeni, zihni, ahlaki, manevi, sosyal ve kültürel nitelikler yönünden geliştiren ve insan haklarına dayalı toplum yapısının ve küresel düzeyde rekabet gücüne sahip ekonomik sistemin gerektirdiği bilgi ve becerilerle donatarak geleceğe hazırlayan eğitim ve öğretim programlarını tasarlamak, uygulamak, güncellemek; öğretmen ve öğrencilerin eğitim ve öğretim hizmetlerini bu çerçevede yürütmek ve denetlemek,
- ⇒ Eğitim ve öğretimin her kademesi için ulusal politika ve stratejilerin belirlenmesi amacıyla gerekli çalışmaları yapmak, uygulamak, uygulanmasını izlemek ve denetlemek, ortaya çıkan yeni hizmet modellerine göre güncelleyerek geliştirmek,

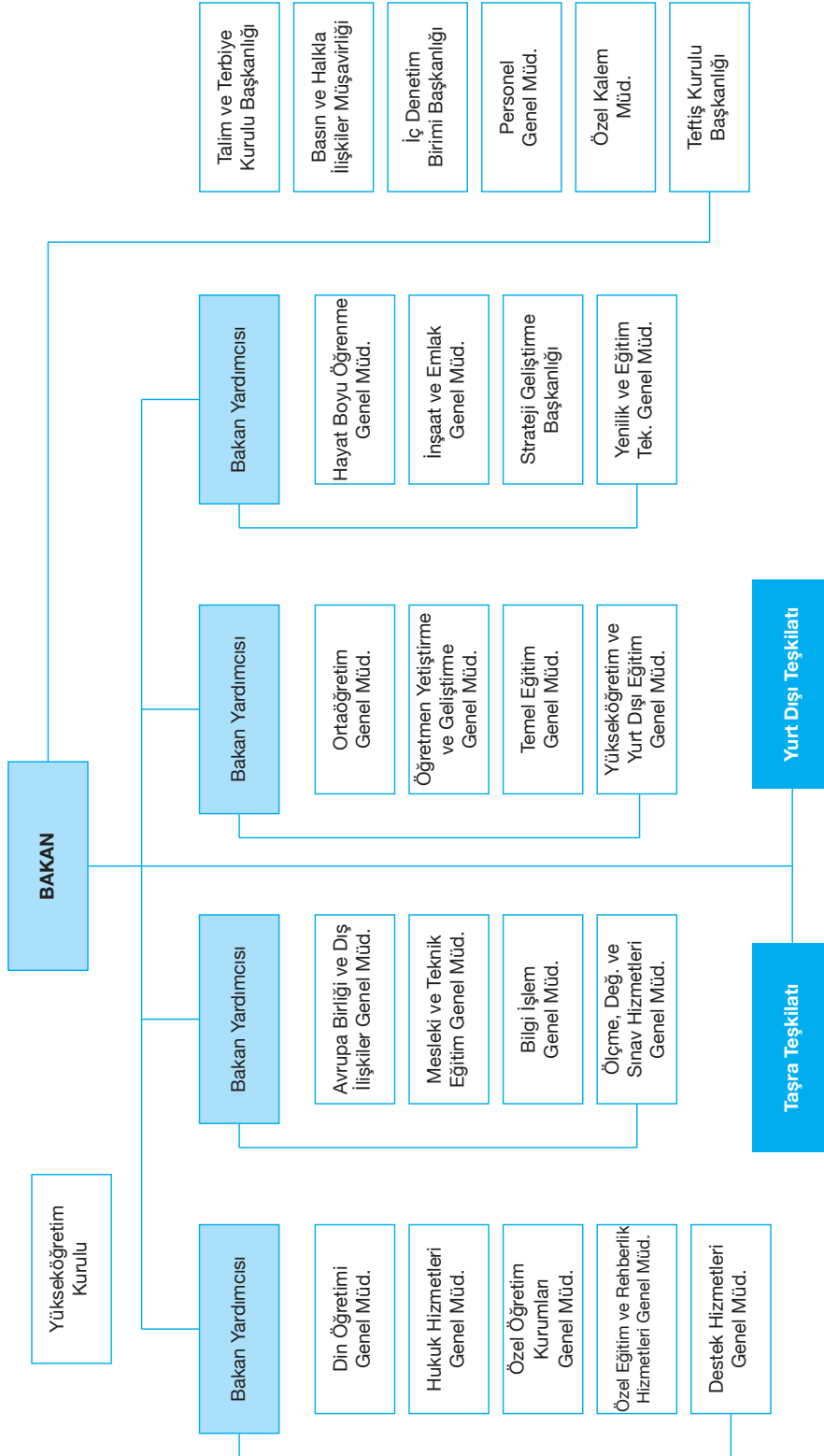
- ⇒ Eğitim sistemini yeniliklere açık, dinamik, ekonomik ve toplumsal gelişimin gerekleriyle uyumlu biçimde güncel teknik ve modeller ışığında tasarlamak ve geliştirmek,
- ⇒ Eğitime erişimi kolaylaştıran, her vatandaşın eğitim fırsat ve imkânlarından eşit derecede yararlanabilmesini teminat altına alan politika ve stratejilerin geliştirilmesi amacıyla çalışmalar yapmak, belirlenen politikaları uygulamak, uygulanmasını izlemek ve koordine etmek,
- ⇒ Kız öğrencilerin, engellilerin ve toplumun özel ilgi bekleyen diğer kesimlerinin eğitime katılımını yaygınlaştıracak politika ve stratejilerin geliştirilmesi amacıyla gerekli çalışmaları yapmak, belirlenen politikaları uygulamak ve uygulanmasını koordine etmek,
- ⇒ Özel yetenek sahibi kişilerin bu niteliklerini koruyucu ve geliştirici özel eğitim ve öğretim programlarını tasarlamak, uygulamak ve uygulanmasını koordine etmek,
- ⇒ Yükseköğretim kurumları dışındaki eğitim ve öğretim kurumlarını açmak, açılmasına izin vermek ve denetlemek,
- ⇒ Yurt dışında çalışan veya ikamet eden Türk vatandaşlarının eğitim ve öğretim alanındaki ihtiyaç ve sorunlarına yönelik çalışmaları ilgili kurum ve kuruluşlarla iş birliği içinde yürütmek,
- ⇒ Yükseköğretim dışında kalan ve diğer kurum ve kuruluşlarca açılan örgün ve yaygın eğitim ve öğretim kurumlarının denklik derecelerini belirlemek, program ve düzenlemelerini hazırlamak,
- ⇒ Yükseköğretimin Millî Eğitim politikası bütünlüğü içinde yürütülmesini sağlamak için, 2547 sayılı Yükseköğretim Kanunu (1981) ile Bakanlığa verilmiş olan görev ve sorumlulukları yerine getirmek,
- ⇒ Kanunlarla ve Cumhurbaşkanlığı kararnameleriyle verilen diğer görevleri yapmak,

### NOT

MEB'in mevcut örgüt ve yönetim yapısı, yukarıda adı geçen Cumhurbaşkanlığı Kararnamesi ile (2018) tanımlanmıştır. Buna göre MEB, merkez, taşra ve yurt dışı teşkilatının her kademesindeki yöneticiler, üst kademe yöneticilerine karşı görevlerini mevzuatta, plan, program ve emirlere uygun olarak düzenlemek ve yürütmekten sorumludur.



## MİLLÎ EĞİTİM BAKANLIĞI MERKEZ TEŞKİLATI



2025

HİBRİT  
KİTAP

MİLLÎ EĞİTİM BAKANLIĞI AKADEMİ GİRİŞ SINAVI

MEB-AGS

ÖABT

İLKÖĞRETİM MATEMATİK  
ÖĞRETMENLİĞİ

ANALİZ

KONU ANLATIMLI



e-Kitaba ve video derslere  
erişebilmek için  
QR kodu okutunuz.



Fiziksel Kitap

HİBRİT  
KİTAP

e-Kitap

Video Ders Hediyesi

**ARTIFORCE, TÜBİTAK-TEYDEB** Destek Programından yararlanılarak geliştirilmiştir (Proje No: 7230451).  
Ürün/hizmet ile ilgili tüm sorumluluk Pegem Akademi Yayıncılık Eğitim Danışmanlık Hizmetleri Tic. AŞ'ye aittir.

**PEGEM AKADEMİ**



## Komisyon

### MEB-AGS ÖABT İlköğretim Matematik Öğretmenliği Analiz Konu Anlatımlı

ISBN 978-625-6128-17-0

Kitapta yer alan bölümlerin tüm sorumluluğu yazarlarına aittir.

© Pegem Akademi

Bu kitabın basım, yayım ve satış hakları Pegem Akademi Yay. Eğt. Dan. Hizm. Tic. AŞ'ye aittir. Anılan kuruluşun izni alınmadan kitabın tümü ya da bölümleri, kapak tasarımı; mekanik, elektronik, fotokopi, manyetik kayıt ya da başka yöntemlerle çoğaltılamaz, basılamaz ve dağıtılamaz. Bu kitap, T.C. Kültür ve Turizm Bakanlığı bandrolü ile satılmaktadır. Okuyucularımızın bandrolü olmayan kitaplar hakkında yayınevimize bilgi vermesini ve bandrolsüz yayınları satın almamasını diliyoruz.

**I. Baskı:** 2024, Ankara

Proje-Yayın: Pegem

Dizgi-Grafik Tasarım: Arzu Orhan Kaya

Kapak Tasarımı: Pegem

## İletişim

**Pegem Akademi:** Shira Ticaret Merkezi, Macun Mahallesi 204 Cad.

No: 141/33, Yenimahalle/Ankara

Yayınevi: 0312 430 67 50

Dağıtım: 0312 434 54 24

Hazırlık Kursları: 0312 419 05 60

İnternet: [www.pegem.net](http://www.pegem.net)

E-ileti: [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net)

WhatsApp Hattı: 0538 594 92 40

**Baskı:**Ankara Özgür Matbaacılık  
1250. Cad. No: 25 Ostim Yenimahalle/Ankara

Yayıncı Sertifika No: 51818

Matbaa Sertifika No: 46821

## ÖN SÖZ

Değerli Okuyucularımız,

MEB-AGS ÖABT İLKÖĞRETİM MATEMATİK ÖĞRETMENLİĞİ konu anlatımlı setimiz üç kitap hâlinde düzenlenmiştir. "İlköğretim Matematik Öğretmenliği 1. Kitap" adlı yayınıımız Analiz bölümünü kapsamaktadır ve MEB-AGS ÖABT İlköğretim Matematik Öğretmenliği Alan Bilgisi Testi kapsamındaki soruları çözmek için gerekli bilgi, beceri ve teknikleri edinme ve geliştirme sürecinde siz değerli öğretmen adaylarımıza kılavuz olarak hazırlanmıştır.

Kitabın hazırlanış sürecinde, sınav kapsamındaki temel alanlarda kapsamlı alanyazın taraması yapılmış, bu kitabın gerek MEB-AGS ÖABT'de gerekse gelecekteki meslek hayatınızda ihtiyacınızı maksimum derecede karşılayacak bir başucu kitabı niteliğinde olması hedeflenmiştir.

Detaylı, güncel ve anlaşılır bir dilde yazılan konu anlatımları, çıkmış sorular ve detaylı açıklamalarıyla desteklenmiş, her ünite içeriği ÖSYM formatına uygun, çözümlü test sorularıyla pekiştirilmiştir. Ayrıca konu anlatımlarında verilen bilgi ve çözüm tekniklerine ek olarak uyarı kutucuklarıyla da önemli konulara dikkat çekilmiştir.

Yoğun bir araştırma ve çalışma sürecinde hazırlanmış olan bu kitaba ilişkin sorularınızı [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net) adresine e-posta yoluyla ya da 0538 594 92 40 numarasına WhatsApp üzerinden iletmeniz yeterli olacaktır.

Geleceğimizi güvenle emanet ettiğimiz siz değerli öğretmenlerimizin hizmet öncesi ve hizmet içi eğitimlerine katkıda bulunabilmek ümidiyle...

Başarılar...

Pegem Akademi



Kitabın içeriği, MEB'in yapacağı program değişikliği veya buna bağlı olarak ÖSYM'nin sınav içeriğinde yapacağı değişiklik durumunda, kitabın dijital hâlinde (aktivasyon geçerlilik süresince) güncellenerek siz değerli adaylara sunulur.

## TÜM KİTAPLAR YANINDA; CEPTE, TABLETTE VE MASANDA

### Hibrit kitaplarda kullanıcılar;



- 1 Kitabın dijital formatına erişim sağlayabilir.
- 2 Kitabın bölümleri altında video derslere erişim sağlayabilir.
- 3 Konu sonu testlerini çözebilir.

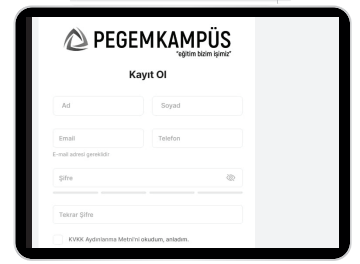


Yapay zekânın öğrenme analizinizi yapabilmesi için interaktif içeriklere etkileşim bırakmanız gerekmektedir. Etkileşim bırakmak için testlerde yer alan cevap seçeneklerini sistem üzerinde işaretlemeniz gerekmektedir. Böylelikle yapay zekâ bırakılan etkileşimler sonrasında sizlerin başarı durumlarını tespit ederek eksik tespitinizi gerçekleştirecektir.

**Pegem Kampüs web sitesi üzerinden aktivasyon kodunuzu aktif edebilmek ve içeriklere erişebilmek için aşağıdaki adımları takip ediniz:**

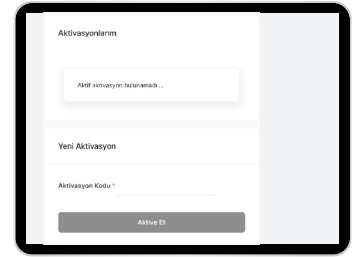
#### 1. Adım Üyelik

Mevcut tarayıcınızın adres çubuğuna **arti.pegemkampus.com** yazarak web sitemiz üzerinden üyeliğinizi gerçekleştirebilirsiniz.



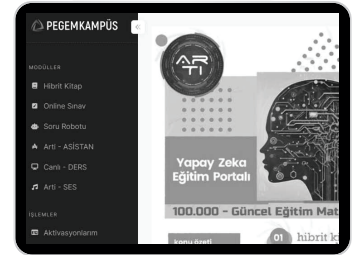
#### 2. Adım Aktivasyon

Üyelik bilgileriniz ile giriş yaptıktan sonra sol menüde yer alan "**Aktivasyonlarım**" sekmesine girerek kodunuzu aktif edebilirsiniz.



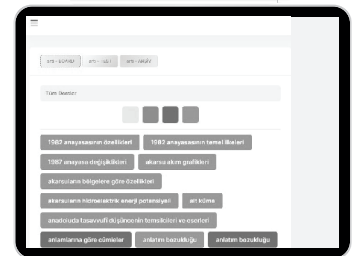
#### 3. Adım Ürünlerim

Aktivasyon işleminizi tamamladıktan sonra menüde aktif hâle gelen "**Hibrit Kitap**" sekmesine tıklayarak içeriklere ulaşabilirsiniz.



#### 4. Adım Yapay Zekâ Asistan

Hibrit kitaptaki işaretlemeleriniz doğrultusunda eksik tespitinizi yapabilmek için menüdeki "**Arti-Asistan**" sekmesine tıklayabilirsiniz. Eksiklerinizi tamamlamak ve daha fazla içerik görmek için pegemkampus.com adresini ziyaret edebilirsiniz.



**Aktivasyon kodu kitabınızın iç kapağında yer almaktadır. Aktivasyon kodu ile aktif ettiğiniz hibrit kitaba erişim 31.08.2025 tarihine kadar geçerlidir.**



Pegem Kampüs İletişim Hattı  
0312 418 51 55



## İÇİNDEKİLER

## 1. BÖLÜM – POLİNOMLAR

POLİNOMLAR .....	1
İki Polinom Eşitliği .....	1
Sabit Terim .....	1
Katsayılar Toplamı .....	2
Polinom Derecesiyle İlgili Özellikler .....	2
Polinomlarda Kalan Bulma .....	2

## 2. BÖLÜM – İKİNCİ DERECEDEDEN DENKLEMLER

İKİNCİ DERECEDEDEN DENKLEMLER .....	14
Kökler Ve Katsayılar Arasındaki Bağlantılar.....	14
Kökleri Bilinen İkinci Derece Denklemin Yazılması .....	14
Karmaşık Sayılar .....	15
İ Sayısının Kuvvetleri .....	15
Karmaşık Sayıların Eşitliği .....	15
Karmaşık Sayıların Eşleniği .....	15
İkinci Dereceden Denklemin Karmaşık Kökleri .....	15
İkinci Dereceye Dönüştürülebilir Denklemler Ve Denklem Sistemleri .....	16

## 3. BÖLÜM – PARABOL

PARABOL .....	27
İki Parabolün Birbirine Göre Durumları .....	28
Bir Doğru İle Bir Parabolün Durumları .....	28

## 4. BÖLÜM – EŞİTSİZLİKLER

EŞİTSİZLİKLER .....	48
İkinci Dereceden Bir Bilinmeyenli Denklemin Köklerinin Varlığı Ve İşareti .....	48

## 5. BÖLÜM – TRİGONOMETRİ

TRİGONOMETRİ .....	53
Açı Ölçü Birimleri .....	53
Trigonometrik Fonksiyonlar .....	53
Trigonometrik Fonksiyonların İşaretleri .....	53
Trigonometrik Özdeşlikler.....	54
Geniş Açıların Trigonometrik Oranları .....	54
Dik Üçgende Dar Açıların Trigonometrik Oranları .....	55
Kosinüs Teoremi .....	55
Sinüs Teoremi .....	55
Üçgenin Alanı .....	55
Ters Trigonometrik Fonksiyonlar .....	56
Periyodik Fonksiyonlar .....	56
Toplam Ve Fark Formülleri .....	57
İki Kat Açılı Formülleri .....	57
Trigonometrik Denklemler .....	57

## 6. BÖLÜM – LOGARİTMA

Üstel Fonksiyon .....	83
Logaritma Fonksiyonu .....	83
Logaritma Fonksiyonunun Grafiği .....	83
Logaritma Fonksiyonunun Özellikleri .....	84
Logaritmali Denklem Ve Eşitsizlikleri .....	85

## 7. BÖLÜM FONKSİYONLAR

FONKSİYONLAR .....	101
FONKSİYON ÇEŞİTLERİ .....	102
Birebir fonksiyon .....	102
Örten fonksiyon .....	103
İçine fonksiyon .....	104
Sabit fonksiyon .....	104
Tek ve Çift fonksiyon .....	104
Birim fonksiyon .....	105
Ters fonksiyon .....	105
Bileşke fonksiyon .....	105
Bileşke fonksiyonun Özellikleri .....	105
ALIŞILMIŞ FONKSİYON TÜRLERİ .....	106
Kuvvet fonksiyonları .....	106
Polinom fonksiyonlar .....	106
Rasyonel fonksiyonlar .....	106
ÖZEL TANIMLI FONKSİYONLAR	
PARÇALI TANIMLI FONKSİYONLAR .....	107
MUTLAK DEĞER FONKSİYONU .....	107
MUTLAK DEĞERLİ EŞİTSİZLİKLER VE DENKLEMLER .....	109
SİGNUM (İŞARET) FONKSİYONU .....	111
İŞARET FONKSİYONUNUN GRAFİĞİ .....	112
TAM DEĞER VE TAM DEĞER FONKSİYONU .....	113
TAM DEĞER FONKSİYONUNUN ÖZELLİKLERİ .....	113
TAM DEĞER FONKSİYONUNUN GRAFİKLERİ .....	116
FONKSİYONLARIN EN GENİŞ TANIM KÜMESİ .....	117
FONKSİYON GRAFİKLERİNDE ÖTELEMELER .....	118

## 8. BÖLÜM LİMİT

LİMİT .....	124
SAĞ – SOL LİMİT .....	124
GENİŞLETİLMİŞ REEL SAYILAR KÜMESİ .....	126
LİMİT İLE İLGİLİ TEOREMLER .....	127
ÖZEL TANIMLI FONKSİYONLARIN LİMİTİ .....	128
MUTLAK DEĞER FONKSİYONUNUN LİMİTİ .....	129
SİGNUM FONKSİYONUNUN LİMİTİ .....	130
TAM DEĞER FONKSİYONLARININ LİMİTİ .....	131
BELİRSİZ DURUMLAR 0/0 BELİRSİZLİĞİ .....	133
TRİGONOMETRİK 0/0 BELİRSİZLİĞİ .....	134
$\infty/\infty$ BELİRSİZLİĞİ .....	135
$\infty-\infty$ BELİRSİZLİĞİ .....	137
$0 \cdot \infty$ BELİRSİZLİĞİ .....	138
ÜSLÜ, ÜSTEL BELİRSİZLİKLERİN $\infty/\infty$ FORMU .....	139
SÜREKLİLİK .....	140
SÜREKLİLİK TEOREMLERİ .....	140
SÜREKSİZLİK ÇEŞİTLERİ .....	141
Kaldırılabilir Süreksizlik .....	141
Sıçrama Süreksizliği .....	141
Sonsuz Süreksizliği .....	141
Balzano Teoremi .....	141
DÜZGÜN SÜREKLİLİK .....	143

## 9. BÖLÜM TÜREV

TÜREV .....	150
SAĞ-SOL TÜREV.....	151
LİMİT – SÜREKLİLİK – TÜREV İLİŞKİSİ .....	151
TÜREV ALMA KURALLARI.....	152
YÜKSEK MERTEBEDEN TÜREVLER.....	166
ÖZEL TANIMLI FONKSİYONLARIN TÜREVİ .....	168
Parçalı Fonksiyonların Türevi.....	168
MUTLAK DEĞER FONKSİYONUNUN TÜREVİ .....	169
SİGNUM FONKSİYONUNUN TÜREVİ .....	170
TAM DEĞER FONKSİYONUNUN TÜREVİ.....	170
TÜREVİN UYGULAMALARI.....	180
L'Hospital Kuralı .....	180
ÜSTEL BELİRSİZLİKLER.....	183
$1^\infty$ , $0^0$ , $\infty^0$ Belirsizlikleri.....	183
TÜREVİN FİZİKSEL YORUMU .....	185
POLİNOM – TÜREV İLİŞKİSİ.....	186
DİFERANSİYEL UYGULAMALARI .....	186
MAKSİMUM – MİNİMUM PROBLEMLERİ .....	187
Maksimum – Minimum Problemlerinde Kullanılabilecek Kısayollar .....	190
TÜREVİN GEOMETRİK YORUMU .....	194
Teğet – Eğim – Türev İlişkisi.....	194
ARTAN – AZALAN FONKSİYONLAR .....	199
YEREL EKSTREMUM DEĞERLER.....	202
Mutlak Maksimum ve Mutlak Minimum Noktası .....	203
TÜREV – EKSTREMUM İLİŞKİSİ .....	203
Grafikte Maksimum ve Minimum Nokta Yorumu .....	205
TÜREYLENEBİLİR BİR FONKSİYONUN EĞRİLİK YÖNÜ .....	206
ASİMPOTOT KAVRAMI .....	211
Düşey Asimptot .....	211
Yatay Asimptot .....	212
Eğik-Eğri Asimptot.....	213
FONKSİYONUN GRAFİKLERİ.....	215
TÜREVLE İLGİLİ TEOREMLER.....	215

## 10. BÖLÜM İNTEGRAL

BELİRSİZ İNTEGRAL.....	231
TEMEL İNTEGRAL ALMA KURALLARI.....	232
İNTEGRAL ALMA YÖNTEMLERİ .....	237
A) Değişken Değiştirme Yöntemi .....	237
ÖZEL DÖNÜŞÜMLER.....	240
$\sqrt{a^2 - x^2}$ İfadesini İçeren İntegraller .....	240
$\sqrt{x^2 - a^2}$ İfadesini İçeren İntegraller .....	241
$x^2 + a^2$ ve $\sqrt{x^2 + a^2}$ İfadesini İçeren İntegraller .....	241
RASYONEL (KESİRLİ) İFADELERİN İNTEGRALI.....	242
TRİGONOMETRİK FONKSİYONLARIN İNTEGRALI .....	246
İndirgeme Bağlıntıları .....	248
B) Kısmi İntegrasyon Yöntemi.....	248
BELİRLİ İNTEGRAL .....	254
Riemann İntegrali .....	254
İNTEGRAL HESABIN TEMEL TEOREMLERİ .....	256
Belirli İntegrallerin Özellikleri .....	256
ÖZEL TANIMLI FONKSİYONLARIN İNTEGRALI .....	261
İNTEGRALDE ALAN .....	263
İNTEGRALDE HACİM .....	264
Kabuk Yöntemi.....	269
Eğri Uzunluğu Hesabı .....	272
Dönel Yüzeyin Alanı .....	274
Pappus – Guldin Teoremi .....	275

## 11. BÖLÜM DİZİLER – SERİLER

DİZİ .....	278
Sonlu Dizi .....	278
Sabit Dizi .....	278
EŞİT DİZİLER .....	279
ALT DİZİ .....	279
DİZİLERDE DÖRT İŞLEM .....	280
DİZİLERDE SINIRLILIK .....	281
DİZİLERDE MONOTONLUK .....	281
ARİTMETİK VE GEOMETRİK DİZİLER .....	282
Aritmetik Dizi .....	282
Geometrik Dizi .....	283
DİZİLERDE LİMİT .....	284
Dizilerde Limit ile İlgili Özellikler .....	286
Dizilerde En Büyük Alt Sınır (Ebas) – En Küçük Üst Sınır (Eküs) Kavramları .....	287
SERİLER .....	288
Geometrik Seri .....	290
Pozitif Terimli Seriler İçin Yakınsaklık Testleri .....	293
Genel Terim Testi .....	293
İntegral Testi .....	293
p – Testi .....	294
Karşılaştırma Testi .....	294
Karşılaştırma Testinin Limit Formu .....	294
Cauchy – Kök Testi .....	295
D’alambert Oran Testi .....	296
Limit Testi .....	297
Alterne Seriler .....	297
Mutlak Yakınsaklık – Yakınsaklık İlişkisi .....	297
KUVVET SERİLERİ .....	298
Yakınsaklık Yarıçapı .....	298
Yakınsaklık Aralığında Türevlenebilme ve İntegrasyon .....	299
Taylor ve Maclaurin Serileri .....	300
Önemli Maclaurin Seri Açılımları .....	301

## 12. BÖLÜM ÇOK DEĞİŞKENLİ FONKSİYONLAR

TANIM VE GÖRÜNTÜ KÜMESİ .....	315
Seviye Eğrileri .....	318
Çok Değişkenli Fonksiyonlarda Limit ve Süreklilik .....	318
Süreklilik .....	321
Çok Değişkenli Fonksiyonlarda Türev (Kısmi Türev) .....	321
Çok Değişkenli Fonksiyonların 2. Türevi .....	323
Zincir Kuralı .....	324
Çok Değişkenli Fonksiyonlarda Teğet Düzlem Denklemi .....	324
ÇOK DEĞİŞKENLİ FONKSİYONLARDA MAKSİMUM–MİNİMUM .....	325
Yerel Maksimum .....	325
Yerel Minimum .....	325
Kritik Nokta – Eyer Nokta .....	326
Kritik Nokta İçin 2. Türev Testi .....	326
Maksimum–Minimum Problemleri .....	328
Kapalı Fonksiyonun Türevi .....	328
ÇÖZÜMLÜ TESTLER .....	330

## POLİNOMLAR

$n \in \mathbb{N}$   $a_1, a_2, \dots, a_n \in \mathbb{R}$  ve  $x$  değişken olmak üzere,

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$

ifadesine **gerçek katsayılı tek değişkenli polinom** denir.

$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$  polinomunda,

- $a_n, a_{n-1}, \dots, a_2, a_1, a_0$  katsayılarıdır.
- $a_n$  baş katsayıdır. (Derecesi en büyük olan terimin katsayısıdır.)
- $a_0$  sabit terimdir. ( $x$ 'i içermeyen ifadedir.)
- $P(x)$  polinomunun derecesi  $\text{der}[P(x)]$  ile gösterilir ve bu polinom da  $\text{der}[P(x)] = n$ 'dir. ( $x$ 'in en büyük doğal sayı kuvvetidir.)
- $a_0 \neq 0$  olmak üzere,  $P(x) = a_0$  polinomuna **sabit polinom** denir ve sabit polinomun derecesi sıfırdır.
- $P(x) = 0$  polinomuna **sıfır polinom** denir. Sıfır polinomunun derecesi belirsizdir.

## Örnek

$P(x) = 7x^4 + 6x^5 + 3x^2 + 2x - 1$  polinomunda,

Katsayılar  $\rightarrow 7, +6, 3, 2, -1$

Derece  $\rightarrow \text{der}[P(x)] = 5$

Baş katsayı  $\rightarrow 6$

Sabit terim  $\rightarrow -1$

## Örnek

$$R(x) = x^4 + 2x^{n-2} + x^{\frac{18}{n}} + 1$$

ifadesi bir polinom olduğuna göre,  $n$ 'nin alabileceği değerler toplamı kaçtır?

$R(x)$ 'in polinom olması için  $x$ 'in kuvvetleri doğal sayı olmalıdır.

$$\frac{18}{n} \in \mathbb{N}$$

$$\Rightarrow n = 1, 2, 3, 6, 9, 18 \dots \text{(i)}$$

$$n - 2 \in \mathbb{N}$$

$$\Rightarrow n - 2 \geq 0 \Rightarrow n \geq 2 \dots \text{(ii)}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{(i) ve (ii) den} \\ n = 2, 3, 6, 9, 18 \text{ olur.} \\ \text{Toplamları} \\ = 2 + 3 + 6 + 9 + 18 \\ = 38 \text{ bulunur.} \end{array} \right\}$$

## Örnek

$P(x) = (a - 5)x^2 + (a + 2b + 1)x + 4$  polinomu sabit polinom ve  $R(x) = (m + 4)x + n - 6$  polinomu sıfır polinom olduğuna göre,  $a + b + m + n$  toplamı kaçtır?

$$\begin{array}{l} P(x) \text{ sabit polinom ise} \begin{cases} a - 5 = 0 \Rightarrow a = 5 \text{ 'tir.} \\ a + 2b + 1 = 0 \Rightarrow 5 + 2b + 1 = 0 \\ \Rightarrow 2b = -6 \\ \Rightarrow b = -3 \text{ 'tür.} \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} R(x) \text{ sıfır polinom ise} \begin{cases} m + 4 = 0 \Rightarrow m = -4 \text{ 'tür.} \\ n - 6 = 0 \Rightarrow n = 6 \text{ 'dir.} \end{cases} \end{array}$$

O hâlde,  $a + b + m + n = 5 - 3 - 4 + 6 = 4$  bulunur.

Sıfır polinomda bütün katsayılar ve sabit terim sıfıra eşitlenirken sabit polinomda sadece değişkenin katsayıları sıfıra eşitlenir.

NOT

$$\begin{array}{l} R(x) \text{ sıfır polinom ise} \begin{cases} m + 4 = 0 \Rightarrow m = -4 \text{ 'tür.} \\ n - 6 = 0 \Rightarrow n = 6 \text{ 'dir.} \end{cases} \end{array}$$

O hâlde,  $a + b + m + n = 5 - 3 - 4 + 6 = 4$  bulunur.

## İki Polinom Eşitliği

$P(x)$  ve  $Q(x)$  gibi iki polinomun dereceleri aynı ve aynı dereceli terimlerin katsayıları da birbirine eşit ise  $P(x)$  ile  $Q(x)$  polinomlarına **eşit polinom** denir ve  $P(x) = Q(x)$  şeklinde gösterilir.

## Sabit Terim

Bir polinomun sabit terimi bulunurken verilen polinomda değişken yerine 0 (sıfır) yazılır.

$P(x)$  polinomunun sabit terimi:  $P(0)$

$P(x + 1)$  polinomunun sabit terimi:  $P(1)$

$P(x - 3)$  polinomunun sabit terimi:  $P(-3)$

Soruda hangi polinomun "sabit terimi" ve "katsayılar toplamı" sorulduğuna dikkat etmeliyiz.

NOT

## Katsayılar Toplamı

Bir polinomun katsayılar toplamı bulunurken verilen polinomda değişken yerine 1 yazılır.

- $P(x)$  polinomunun katsayılar toplamı:  $P(1)$
- $P(x + 1)$  polinomunun katsayılar toplamı:  $P(2)$
- $P(x - 3)$  polinomunun katsayılar toplamı:  $P(-2)$
- $P(x)$  polinomunun çift dereceli terimlerinin katsayıları toplamı:  $\frac{P(1) + P(-1)}{2}$ , dir.
- $P(x)$  polinomunun tek dereceli terimlerinin katsayıları toplamı:  $\frac{P(1) - P(-1)}{2}$ , dir.

### Örnek

$$\frac{3x+1}{x^2-1} = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+1}$$

olduğuna göre,  $A \cdot B$  çarpımını bulalım.

$$\frac{3x+1}{(x-1)(x+1)} = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+1}$$

$$3x+1 = Ax + A + Bx - B$$

$$A + B = 3 \text{ ve } A - B = 1 \text{ dir.}$$

$$\begin{cases} A + B = 3 \\ A - B = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2A = 4 \\ A = 2 \text{ ve } B = 1 \text{ dir.} \\ \mathbf{A \cdot B = 2 \text{ bulunur.}} \end{cases}$$

$P(x)$  bir polinom olmak üzere,  $P(a) = 0$  eşitliğini sağlayan  $a$  değerlerine  $P(x)$  polinomunun kökleri (veya sıfırları) denir.

### Örnek

$P(x + 1) = x^2 - 6x + m$  polinomu veriliyor.

$P(x - 2)$  polinomunun katsayılar toplamı 18 olduğuna göre,  $P(x)$  polinomunun sabit terimini bulalım.

$P(x - 2)$  polinomunun katsayılar toplamı:

$$P(-1) = 18 \text{ dir.}$$

$$x = -2 \text{ için } P(-1) = 4 + 12 + m = 18$$

$$16 + m = 18$$

$$m = 2 \text{ dir.}$$

**$P(x)$  polinomunun sabit terimi  $P(0) = ?$**

$$x = -1 \text{ için } P(0) = 1 + 6 + 2 = 9 \text{ bulunur.}$$

### Örnek

**$P(x)$  bir polinom olmak üzere,**

$$P(x + 3) + P(2x - 1) = 9x + 12$$

**olduğuna göre,  $P(5)$  değerini bulalım.**

$$P(x) = ax + b \text{ olsun.}$$

$$P(x + 3) = ax + 3a + b \text{ ve } P(2x - 1) = 2ax - a + b \text{ olur.}$$

$$ax + 3a + b + 2ax - a + b = 9x + 12$$

$$\Rightarrow 3ax + 2a + 2b = 9x + 12 \text{ (iki polinomunun eşitliğinden)}$$

$$\Rightarrow 3a = 9 \text{ ve } 2a + 2b = 12$$

$$\Rightarrow \mathbf{a = 3} \quad 2b = 6 \Rightarrow \mathbf{b = 3}$$

$$\Rightarrow P(x) = 3x + 3 \Rightarrow P(5) = 15 + 3 = 18 \text{ bulunur.}$$

Soruda iki polinomun toplamı 1. dereceden bir polinoma eşit ise  $P(x) = ax + b$  şeklinde seçilmelidir.

## Polinomun Derecesi ile İlgili Özellikler

$\text{der}[P(x)] = a$ ,  $\text{der}[Q(x)] = b$  ve  $a > b$  olmak üzere,

✓ $\text{der}[P(x) \mp Q(x)] = a$	✓ $\text{der}[P^n(x)] = n \cdot a$
✓ $\text{der}[P(x) \cdot Q(x)] = a + b$	✓ $\text{der}[P(x^n)] = n \cdot a$
✓ $\text{der}\left[\frac{P(x)}{Q(x)}\right] = a - b$	✓ $\text{der}[P(Q(x))] = a \cdot b$

## Polinomlarda Kalan Bulma

✓  $P(x)$  polinomunun  $x - a$  ile bölümünden kalanı bulmak için  $x$  yerine  $a$  yazılır.

→  $P(x)$  polinomunun  $(x - 3)$  ile bölümünden kalan  $P(3)$  değeridir.

→  $P(x - 1)$  polinomunun  $(x + 2)$  ile bölümünden kalan  $P(-3)$  değeridir.

✓  $P(x)$  polinomunun  $x^n - a$  ile bölümünden kalanı bulmak için  $x^n$  yerine  $a$  yazılır.

✓  $P(x)$  polinomunun  $x^2 + ax + b$  ile bölümünden kalanı bulmak için  $x^2$  yerine  $-ax - b$  yazılır.



2025

HİBRİT  
KİTAP

MİLLÎ EĞİTİM BAKANLIĞI AKADEMİ GİRİŞ SINAVI

# MEB-AGS ÖABT

## İLKÖĞRETİM MATEMATİK ÖĞRETMENLİĞİ

SOYUT CEBİR - LINEER CEBİR

KONU ANLATIMLI



e-Kitaba ve video derslere  
erişebilmek için  
QR kodu okutunuz.



Fiziksel Kitap

HİBRİT  
KİTAP

e-Kitap

Video Ders Hediye

**ARTIFORCE, TÜBİTAK-TEYDEB** Destek Programından yararlanılarak geliştirilmiştir (Proje No: 7230451).  
Ürün/hizmet ile ilgili tüm sorumluluk Pegem Akademi Yayıncılık Eğitim Danışmanlık Hizmetleri Tic. AŞ'ye aittir.

**PEGEM AKADEMİ**



## Komisyon

### MEB-AGS ÖABT İlköğretim Matematik Öğretmenliği Soyut Cebir - Lineer Cebir Konu Anlatımlı

ISBN 978-625-6128-17-0

Kitapta yer alan bölümlerin tüm sorumluluğu yazarlarına aittir.

© Pegem Akademi

Bu kitabın basım, yayım ve satış hakları Pegem Akademi Yay. Eğt. Dan. Hizm. Tic. AŞ'ye aittir. Anılan kuruluşun izni alınmadan kitabın tümü ya da bölümleri, kapak tasarımı; mekanik, elektronik, fotokopi, manyetik kayıt ya da başka yöntemlerle çoğaltılamaz, basılamaz ve dağıtılamaz. Bu kitap, T.C. Kültür ve Turizm Bakanlığı bandrolü ile satılmaktadır. Okuyucularımızın bandrolü olmayan kitaplar hakkında yayınevimize bilgi vermesini ve bandrolsüz yayınları satın almamasını diliyoruz.

**I. Baskı:** 2024, Ankara

Proje-Yayın: Pegem

Dizgi-Grafik Tasarım: Arzu Orhan Kaya

Kapak Tasarımı: Pegem

## İletişim

**Pegem Akademi:** Shira Ticaret Merkezi, Macun Mahallesi 204 Cad.

No: 141/33, Yenimahalle/Ankara

Yayınevi: 0312 430 67 50

Dağıtım: 0312 434 54 24

Hazırlık Kursları: 0312 419 05 60

İnternet: [www.pegem.net](http://www.pegem.net)

E-ileti: [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net)

WhatsApp Hattı: 0538 594 92 40

**Baskı:**Ankara Özgür Matbaacılık  
1250. Cad. No: 25 Ostim Yenimahalle/Ankara

Yayıncı Sertifika No: 51818

Matbaa Sertifika No: 46821

## ÖN SÖZ

Değerli Okuyucularımız,

MEB-AGS ÖABT İLKÖĞRETİM MATEMATİK ÖĞRETMENLİĞİ konu anlatımlı setimiz üç kitap hâlinde düzenlenmiştir. "İlköğretim Matematik Öğretmenliği Soyut Cebir - Lineer Cebir 2. Kitap" adlı yayınıımız Soyut Cebir - Lineer Cebir bölümünü kapsamaktadır ve MEB-AGS / ÖABT İlköğretim Matematik Öğretmenliği Alan Bilgisi Testi kapsamındaki soruları çözmek için gerekli bilgi, beceri ve teknikleri edinme ve geliştirme sürecinde siz değerli öğretmen adaylarımıza kılavuz olarak hazırlanmıştır.

Kitabın hazırlanış sürecinde, sınav kapsamındaki temel alanlarda kapsamlı alanyazın taraması yapılmış, bu kitabın gerek MEB-AGS ÖABT'de gerekse gelecekteki meslek hayatınızda ihtiyacınızı maksimum derecede karşılayacak bir başucu kitabı niteliğinde olması hedeflenmiştir.

Detaylı, güncel ve anlaşılır bir dilde yazılan konu anlatımları, çıkmış sorular ve detaylı açıklamalarıyla desteklenmiş, her ünite içeriği ÖSYM formatına uygun, çözümlü test sorularıyla pekiştirilmiştir. Ayrıca konu anlatımlarında verilen bilgi ve çözüm tekniklerine ek olarak uyarı kutucuklarıyla da önemli konulara dikkat çekilmiştir.

Yoğun bir araştırma ve çalışma sürecinde hazırlanmış olan bu kitaba ilişkin sorularınızı [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net) adresine e-posta yoluyla ya da 0538 594 92 40 numarasına WhatsApp üzerinden iletmeniz yeterli olacaktır.

Geleceğimizi güvenle emanet ettiğimiz siz değerli öğretmenlerimizin hizmet öncesi ve hizmet içi eğitimlerine katkıda bulunabilmek ümidiyle...

Başarılar...

Pegem Akademi



Kitabın içeriği, MEB'in yapacağı program değişikliği veya buna bağlı olarak ÖSYM'nin sınav içeriğinde yapacağı değişiklik durumunda, kitabın dijital hâlinde (aktivasyon geçerlilik süresince) güncellenerek siz değerli adaylara sunulur.

## TÜM KİTAPLAR YANINDA; CEPTE, TABLETTE VE MASANDA

### Hibrit kitaplarda kullanıcılar;



- 1 Kitabın dijital formatına erişim sağlayabilir.
- 2 Kitabın bölümleri altında video derslere erişim sağlayabilir.
- 3 Konu sonu testlerini çözebilir.

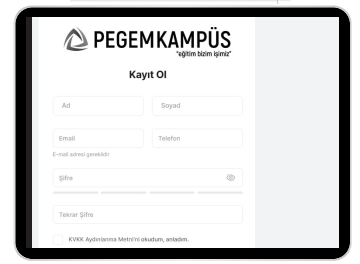


Yapay zekânın öğrenme analizinizi yapabilmesi için interaktif içeriklere etkileşim bırakmanız gerekmektedir. Etkileşim bırakmak için testlerde yer alan cevap seçeneklerini sistem üzerinde işaretlemeniz gerekmektedir. Böylelikle yapay zekâ bırakılan etkileşimler sonrasında sizlerin başarı durumlarını tespit ederek eksik tespitinizi gerçekleştirecektir.

**Pegem Kampüs web sitesi üzerinden aktivasyon kodunuzu aktif edebilmek ve içeriklere erişebilmek için aşağıdaki adımları takip ediniz:**

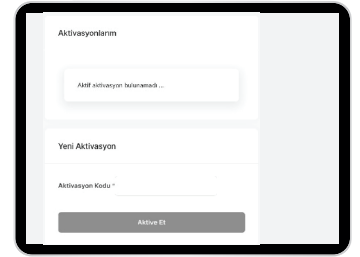
#### 1. Adım Üyelik

Mevcut tarayıcınızın adres çubuğuna **arti.pegemkampus.com** yazarak web sitemiz üzerinden üyeliğinizi gerçekleştirebilirsiniz.



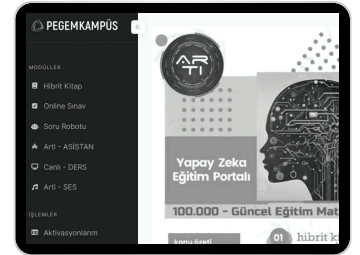
#### 2. Adım Aktivasyon

Üyelik bilgileriniz ile giriş yaptıktan sonra sol menüde yer alan "**Aktivasyonlarım**" sekmesine girerek kodunuzu aktif edebilirsiniz.



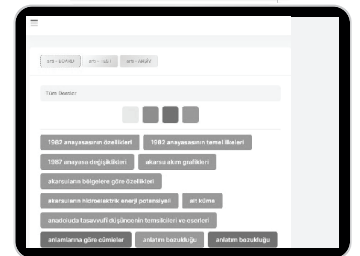
#### 3. Adım Ürünlerim

Aktivasyon işleminizi tamamladıktan sonra menüde aktif hâle gelen "**Hibrit Kitap**" sekmesine tıklayarak içeriklere ulaşabilirsiniz.



#### 4. Adım Yapay Zekâ Asistan

Hibrit kitaptaki işaretlemeleriniz doğrultusunda eksik tespitinizi yapabilmek için menüdeki "**Arti-Asistan**" sekmesine tıklayabilirsiniz. Eksiklerinizi tamamlamak ve daha fazla içerik görmek için pegemkampus.com adresini ziyaret edebilirsiniz.



**Aktivasyon kodu kitabınızın iç kapağında yer almaktadır. Aktivasyon kodu ile aktif ettiğiniz hibrit kitaba erişim 31.08.2025 tarihine kadar geçerlidir.**



**Pegem Kampüs İletişim Hattı  
0312 418 51 55**

## İÇİNDEKİLER

## SOYUT CEBİR

Sayılar ve Özellikleri.....1	Simetrik (Permütasyon) ve Alterne Gruplar.....25
Rakam.....1	Gruplarda Homomorfizm ve İzomorfizm.....26
Sayma Sayıları.....1	Homomorfizma.....26
Doğal Sayılar.....1	İzomorfizma.....26
Tam Sayılar.....1	Bölüm Grupları.....29
Aralarında Asallık.....1	Devirli Gruplar.....30
Rasyonel Sayılar.....1	Devirli Grupların Alt Grupları.....31
İrrasyonel Sayılar.....1	Üreteç Sayısı.....32
Reel Sayılar.....1	Çarpım Grupları.....32
Tek ve Çift Sayılar.....1	İzomorf olmayan Abelyan Gruplar.....33
Ardışık Sayılar.....2	Halka, Cisim ve Tamlık Bölgesi.....33
Negatif ve Pozitif Sayılar ile İlgili Özellikler.....2	Alt Halka.....35
Tam Sayılarda Bölünebilme.....2	Sıfır Bölenler ve Tamlık Bölgesi.....35
En Büyük Ortak Bölen.....4	Bölüm Halkası.....36
En Küçük Ortak Kat.....4	İdeal.....36
Euler $\phi$ -Fonksiyonu.....7	Nilpotent Eleman.....36
$\phi$ -Fonksiyonunun Bazı Özellikleri.....7	Polinom Halkası.....36
Kongrüanslar.....9	Cisim.....37
Tam Sayılar ve Modüler Aritmetik.....9	Cebirsel Sayı.....37
Gruplar.....19	Transandant Sayı.....37
Tek İşlemlili Cebirsel Yapı Türleri.....19	Sayılabilir Küme.....37
Mertebe.....21	Çözümlü Test 1.....43
Alt Gruplar.....22	Çözümlü Test 2.....47
Normal Alt Gruplar.....24	Çözümlü Test 3.....51
	Çözümlü Test 4.....55

## LİNEER CEBİR

Hatırlatma: İç İşlem.....	59	Alterne ve Çok Lineer Fonksiyonlar.....	115
Dış İşlem.....	59	n-Linear Fonksiyonlar.....	115
Grup.....	59	Bir Lineer Dönüşümün Determinantı ve İzi.....	116
Alt Grup .....	59	Determinantlarda Alan ve Hacim Hesabı .....	116
Halka .....	59	Matrislerin Polinomu .....	117
Vektör Uzayları .....	60	Karakteristik Değerler ve Karakteristik	
Alt Vektör Uzayı .....	62	Vektörler .....	118
Lineer Bağımlılık ve Lineer Bağımsızlık .....	66	Karakteristik Uzay .....	119
Taban (Baz).....	67	Karakteristik Polinom ve Karakteristik	
İç Çarpım Uzayları.....	68	Denklemler .....	120
İç Çarpım.....	68	Çözümlü Test 1.....	127
Norm .....	70	Çözümlü Test 2.....	132
Ortonormal Baz .....	75	Çözümlü Test 3.....	136
Direkt Toplam Uzayı .....	80	Çözümlü Test 4.....	140
İç Çarpım Uzaylarının Alt Uzayları.....	81	Çözümlü Test 5.....	144
Lineer Dönüşümler .....	83		
Matrisler ve Matris Uzayları .....	90		
Matris Toplamı .....	91		
Skaler ile Matris Çarpımı.....	92		
Matris Çarpımı.....	92		
Bir Matrisin Transpozu .....	93		
Kare Matrisler.....	94		
Bir Matrisin Tersisi.....	94		
Elemanter Operasyonlar (Basit İşlemler).....	104		
Determinantlar .....	105		
Sarrus Kuralı .....	106		
Minör ve Kofaktör .....	108		



## SOYUT CEBİR

## 1. Sayılar ve Özellikleri

## Rakam

Sayıları yazmaya yarayan sembollere rakam denir. Kullandığımız onluk sistemdeki rakamların kümesi  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$  dur.

Rakamlarla oluşturulan ifadelere sayı denir.

## Sayma Sayıları

$\{1, 2, 3, 4, \dots\}$  kümesi sayma sayılar kümesidir.

## Doğal Sayılar

$N = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$  kümesidir.  $N^+ = \{1, 2, 3, \dots\}$  pozitif doğal sayılar kümesini ifade eder.

## Tam Sayılar

$Z = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$  kümesidir.

Tam sayılar kümesi üç ana bölümden oluşur. Negatif tam sayılar ( $Z^-$ ), pozitif tam sayılar ( $Z^+$ ) ve  $\{0\}$  kümesidir. Ayrıca  $Z = Z^- \cup \{0\} \cup Z^+$  dir.

## Aralarında Asallık

$p$  ve  $q$  sıfırdan farklı iki pozitif tam sayı olsun.  $p$  ve  $q$  sayılarını ortak olarak bölen en büyük pozitif tam sayı 1 ise  $p$  ve  $q$  aralarında asaldır denir.

## Rasyonel Sayılar

$Q = \left\{ \frac{p}{q} : p \text{ ve } q \text{ aralarında asal, } q \neq 0 \right\}$  kümesidir.

## İrrasyonel Sayılar

$I = Q'$  sembolleriyle gösterilir yukarıda tanımlanan  $\frac{p}{q}$  tipinde yazılamayan sayılardan oluşur. Yani rasyonel olmayan reel sayılara irrasyonel sayı denir.

## Reel Sayılar

Rasyonel ve irrasyonel sayıların birleşim kümesidir.  $R$  ile gösterilir.  $R = Q \cup Q'$  dir.

## Örnek

$x, y, z \in Z$  olmak üzere,

$$x \cdot y = 12, y \cdot z = 4 \text{ ve } x \cdot z = 3$$

eşitliklerini sağlayan  $x, y, z$  sayılarının en büyük toplamı en küçük toplamından kaç fazladır?

- A) 12    B) 14    C) 16    D) 18    E) 20

## Çözüm

$$\frac{x \cdot y}{y \cdot z} = \frac{12}{4} \Rightarrow \frac{x}{z} = 3 \Rightarrow x = 3 \cdot z \text{ bulunur.}$$

Bu ifade  $x \cdot z = 3$  eşitliğinde yerine yazılırsa

$$3z^2 = 3 \Rightarrow z = \mp 1 \text{ bulunur.}$$

$$z = 1 \text{ için } x = 3 \text{ ve } y = 4 \text{ olup } x + y + z = 8$$

$$z = -1 \text{ için } x = -3 \text{ ve } y = -4 \text{ olup } x + y + z = -8 \text{ bulunur.}$$

$8 - (-8) = 16$  dir. Doğru seçenek C olarak elde edilir.

## Örnek

$a, b, c \in N$  olmak üzere

$3a + 6b - c = 24$  eşitliğini sağlayan  $a, b$  ve  $c$  değerleri için  $a + b + c$  toplamının en küçük değeri kaçtır?

- A) 2    B) 4    C) 6    D) 8    E) 10

## Çözüm

Katsayısı büyük olana büyük değer verilir.

Sayılar aynı olabileceğinden  $a = 0 = c$  seçilirse  $b = 4$  bulunur.

$$a + b + c = 4 \text{ olur.}$$

## Örnek

$a$  ve  $b$  doğal sayılardır.

$$56 \cdot a = b^3$$

eşitliğini sağlayan en küçük  $b$  değeri kaçtır?

## Çözüm

Önce sayı asal çarpanlarına ayrılır.

$$56 = 2^3 \cdot 7$$

$$56 \cdot a = 2^3 \cdot 7 \cdot a = b^3 \text{ tür.}$$

Buradan  $a = 7^2$  seçilirse  $b = 2 \cdot 7 = 14$  bulunur.

## Tek ve Çift Sayılar

2 ile kalansız bölünebilen tam sayılara çift tam sayı, 2 ile tam bölünemeyen tam sayılara tek tam sayı denir. Çift sayılar  $2n$ , tek tam sayılar  $2n - 1$  ile gösterilir ( $n \in Z$ ).

## Tek ve Çift Tam Sayılar İle İlgili Özellikler

- 1)  $T \mp T = \text{Ç}$     5)  $\text{Ç} \cdot \text{Ç} = \text{Ç}$   
 2)  $\text{Ç} \mp \text{Ç} = \text{Ç}$     6)  $T \cdot T = T$   
 3)  $T \mp \text{Ç} = T$     7)  $n \in N$  olmak üzere  $T^n = T$   
 4)  $T \cdot \text{Ç} = \text{Ç}$     8)  $n \in N^+$  olmak üzere  $\text{Ç}^n = \text{Ç}$  dir.

Tek ve çift sayılarda bölme işlemine ait kural tanımlanamaz. Örneğin 60, 40 ve 2 sayıları çift sayıdır.

$$\frac{40}{2} = \text{Ç}, \frac{40}{40} = T, \frac{40}{60} \text{ sayısı ne tek ne de}$$

çifttir.

NOT!

**Ardışık Sayılar**

$n \in \mathbb{Z}$  olmak üzere  $n, n + 1, n + 2, \dots$  sayılarına ardışık tam sayılar denir.

**Kural:**

$$n \in \mathbb{Z}^+ \text{ için}$$

$$1 + 2 + \dots + n = \frac{n \cdot (n + 1)}{2} \text{ dir.}$$

$n \in \mathbb{Z}$  olmak üzere  $2n - 1, 2n + 1, 2n + 3, \dots$  sayılarına ardışık tek sayılar denir.

**Kural:**

$$n \in \mathbb{Z}^+ \text{ için}$$

$$1 + 3 + 5 + \dots + 2n - 1 = n^2 \text{ dir.}$$

$n \in \mathbb{Z}$  olmak üzere  $2n, 2n + 2, 2n + 4, \dots$  sayılarına ardışık çift sayılar denir.

**Kural:**

$$n \in \mathbb{Z}^+ \text{ için}$$

$$2 + 4 + \dots + 2n = n(n + 1) \text{ dir.}$$

**Kural:**

Ardışık terimleri arasındaki artış miktarı eşit olan dizide

$$\text{Terim Sayısı} = \frac{\text{Son Terim} - \text{İlk Terim}}{\text{Artış miktarı}} + 1$$

ve

$$\text{Terim Toplamı} = \frac{\text{Terim Sayısı} \cdot (\text{Son terim} + \text{İlk terim})}{2}$$

dir.

**Negatif ve Pozitif Sayılar İle İlgili Özellikler**

- 1)  $(-)\cdot(-) = (+)$                       5)  $(-)/(-) = (+)$
- 2)  $(-)\cdot(+)=(-)$                       6)  $(-)/(+) = (-)$
- 3)  $(+)\cdot(+)=(+)$                       7)  $(+)/(+) = (+)$
- 4)  $(+)\cdot(-)=(-)$                       8)  $(+)/(-) = (-)$

9)  $n \in \mathbb{N}$  olmak üzere  $(-)^{2n} = (+)$  dir.

10)  $n \in \mathbb{N}$  olmak üzere  $(-)^{2n-1} = (-)$  dir.

11)  $n \in \mathbb{N}$  olmak üzere  $(+)^n = (+)$  dir.

**Tam Sayılarda Bölünebilme**

$m, n, r \in \mathbb{Z}$  olmak üzere  $m \cdot n = r$  olsun. Bu durumda  $m$  ve  $n$  ye  $r$  nin bölenleri (çarpanları)  $r$  ye de  $m$  ve  $n$  nin bir katı denir.  $m, r$  nin bir böleni ise bu durum  $m \mid_r$  ile, aksi takdirde

$m \nmid_r$  ile gösterilir.

**2 ile bölünebilme:** Çift tam sayılar 2 ile tam bölünür.

**3 ile bölünebilme:** Verilen sayının rakamları toplamı 3 veya 3 ün katı ise sayı 3 ile tam bölünür.

**4 ile bölünebilme:** Verilen sayının son iki basamağı (birler ve onlar basamağı) 4 ile tam bölünebiliyor ise verilen sayı 4 ile tam bölünür.

**5 ile bölünebilme:** Verilen sayının birler basamağı 0 veya 5 ise sayı 5 ile tam bölünür.

**7 ile bölünebilme:** Verilen sayının rakamları altına sağdan sola doğru sırasıyla 1, 2, 3 sayıları yazılır. Bu rakamlar altlarına yazdığımız sayılar ile çarpılır. Daha sonra sağdan sola üçerli gruplar hâlinde alınıp bu gruplar (+), (-) ile çarpılıp toplanır. Sonuç 7 veya 7'nin katı ise verilen sayı 7 ile tam bölünür.

**8 ile bölünebilme:** Verilen sayının son üç basamağı (birler, onlar ve yüzler basamağı) 8 ile bölünebiliyor ise sayı 8'e tam bölünür.

**9 ile bölünebilme:** Verilen sayının rakamları toplamı 9 veya 9 un katı ise sayı 9 ile tam bölünür.

**10 ile bölünebilme:** Verilen sayının birler basamağı 0 ise verilen sayı 10 ile tam bölünür.

**11 ile bölünebilme:** Verilen sayı sağdan sola doğru sırası ile (+), (-) ile çarpılıp toplanır. Sonuç 11 veya 11 in katı ise verilen sayı 11 ile tam bölünür.

**Örnek**

Hangi  $n$  doğal sayıları için  $(n+1) \mid_{(n^2+1)}$  dir.

**Çözüm**

$n^2 - 1 = (n - 1)(n + 1)$  olduğundan  $\forall n \in \mathbb{N}$  için

$$(n+1) \mid_{(n^2-1)} \text{ dir.}$$

$$(n+1) \mid_{(n^2+1)} \text{ ve } (n+1) \mid_{(n^2-1)} \text{ olduğundan}$$

$$n+1 \mid_{[(n^2+1)-(n^2-1)]} \Rightarrow n+1 \mid_2 \text{ olur.}$$

$n \in \mathbb{N}$  olduğundan ve  $n + 1 \leq 2$  olması gerektiğinden  $n = 0, 1$  elde edilir.

**Kural:**

$[1, x]$  aralığında  $n$  ile bölünebilen doğal sayıların sayısı

$$\left\lfloor \frac{x}{n} \right\rfloor \text{ dir.}$$

**Kural:**

$a \in \mathbb{Z}$  ve  $m, n \in \mathbb{N}$  olsun.

$$n < m \text{ için } a^{2^n+1} \mid_{a^{2^m-1}} \text{ dir.}$$

**Kural:**

$n \geq 2$  olmak üzere  $n$  ve  $k$  iki doğal sayı olsun.

$$n-1 \mid_{n^k-1} \text{ dir.}$$

**Kural:**

$n$  bir doğal sayı ve  $k$  bir tek sayı olsun.

$$(1 + 2 + \dots + n) \mid (1^k + 2^k + \dots + n^k) \text{ dir.}$$

**Kural:**

$a, b \in \mathbb{Z}$  olsun.  $a$  sayısı  $b$  ile bölündüğünde kalan  $r$  ise  $2^a - 1$  sayısı  $2^b - 1$  ile bölündüğünde kalan  $2^r - 1$  dir.

**Örnek**

$\{1, 2, \dots, 600\}$  dizisinde 13 ile bölünebilen kaç tane doğal sayı vardır?

**Çözüm**

$$\left\lfloor \frac{600}{13} \right\rfloor = 46 \text{ adettir.}$$

**Örnek**

1000 den küçük kaç doğal sayı 17 ile bölünür?

**Çözüm**

$[1, 1000]$  kümesinde

$$\left\lfloor \frac{1000}{17} \right\rfloor = 58 \text{ ve } 0 \in \mathbb{N} \text{ için } 17 \mid_0 \text{ olup toplam } 58 + 1 = 59$$

adet sayı 17 ile tam bölünür.

**Örnek**

$N = 1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + \dots + n(n + 1)$  sayısının 41 ile bölünebilmesi için  $n$  en az kaç olmalıdır?

**Çözüm**

$$\begin{aligned} N &= 1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + \dots + n(n + 1) \\ &= (1^2 + 1) + (2^2 + 2) + \dots + (n^2 + n) \\ &= (1^2 + 2^2 + \dots + n^2) + (1 + 2 + \dots + n) \\ &= \frac{n(n + 1)(2n + 1)}{6} + \frac{n \cdot (n + 1)}{2} \\ &= \frac{n(n + 1)(n + 2)}{3} \end{aligned}$$

sayısının 41 ile bölünebilmesi için  $n(n + 1)(n + 2)$  çarpanlarından en az biri 41 e bölünmelidir.

$$n + 2 = 41 \Rightarrow n = 39 \text{ olmalıdır.}$$

**Teorem:**

$m, n$  ve  $r$  tam sayı olmak üzere,

- $\forall m \in \mathbb{Z}$  iken  $a \mid_0$  dir.
- $\forall m \in \mathbb{Z}$  için  $\pm 1 \mid_m$  ve  $\pm m \mid_m$  dir.
- $m \mid_{\pm 1} \Leftrightarrow m = \mp 1$  dir.
- $m \mid_n$  ise  $\pm m \mid_{\pm n}$  dir.
- $m \mid_n$  ve  $n \mid_r$  ise  $m \mid_r$  dir.
- $m \mid_n$  ve  $n \mid_m$  ise  $m = \pm n$  dir.
- $c \neq 0$  olmak üzere  $cm \mid_{cn}$  ise  $m \mid_n$  dir.
- $m_1 \mid_{n_1}$  ve  $m_2 \mid_{n_2}$  ise  $m_1 \cdot m_2 \mid_{n_1 \cdot n_2}$  dir.
- $m \mid_n$  ve  $m \mid_r$  ise  $m \mid_{n+r}$  dir.

**Çıkış Sorular**

$k \mid_m$  gösterimi  $k$  sayısının  $m$  sayısını tam bölündüğünü ifade eder.

Buna göre  $a, b$  ve  $c$  tam sayıları için,

- $c \mid a \cdot b$  ise  $c \mid a$  ve  $c \mid b$  dir.
- $a \cdot b \mid_c$  ise  $a \mid_c$  ve  $b \mid_c$  dir.
- $a \mid_b$  ve  $b \mid_c$  ise  $a \mid_c$  dir.

yargılarından hangileri **daima** doğrudur?

- A) Yalnız I                      B) I ve II                      C) I ve III  
D) II ve III                      E) Yalnız III

**Çözüm**

$c$  sayısı  $a \cdot b$  yi bölüyor ise  $c \mid_a$  ve  $c \mid_b$  doğru olmayabilir,  $6 \mid_{2 \cdot 3}$  tür ama  $6 \mid_2$  ve  $6 \mid_3$  yanlıştır. II ve III. öncül doğrudur.

**Cevap D**

**Tanım:**

(Asal Sayı) :  $n > 1$  tam sayısının kendisinden ve birden başka pozitif böleni yoksa  $n$ 'ye asal (= prime) sayı denir.

**Tanım:**

(Bileşik Sayı): Asal olmayan sayılara bileşik (= combined) sayı denir.

**Tanım:**

Aralarındaki fark iki olan asal sayılara ikiz asallar denir.

**Teorem:**

Her bileşik sayının en az bir asal çarpanı vardır.

**Teorem (Euclid):**

Asal sayıların sayısı sonsuzdur.

Bir sayının tüm bölenlerinin sayısı pozitif bölenlerinin sayısının iki katıdır.

**Uyarı!**

### **Teorem (Bölme Algoritması):**

$m, n \in \mathbb{Z}$ ,  $m, n \neq 0$  ise  $m = q \cdot n + r$ ;  $0 < r < |n|$  olacak şekilde bir tek  $q$  ve  $r$  tam sayı ikilisi vardır.

### **En Büyük Ortak Bölen:**

$m$  ve  $n$  tam sayılar olmak üzere  $k|m$  ve  $k|n$  ise  $k$  ye  $m$  ve  $n$  nin bir ortak böleni denir.

$m$  ve  $n$  yi bölen en büyük pozitif  $d$  tam sayısına  $m$  ve  $n$  nin en büyük ortak böleni (=obeb = ebob) denir.

$d = (m, n)$  ile gösterilir.

### **Uyarı**

1) Tanıma göre  $d$ 'nin  $m$  ve  $n$ 'nin obeb'i olması için gerek ve yeter şart

i)  $d|m$  ve  $d|n$  olması,

ii)  $k, k|m$  ve  $k|n$  özelliğindeki bir başka ortak bölen iken  $k|d$  olmasıdır.

2) İki'den fazla sayının obeb'i de benzer şekilde tanımlanır.

### **Uyarı**

Obeb verilen tam sayıların pozitif lineer toplamlarının en küçüğüdür.

### **Teorem:**

Sıfırdan farklı iki tam sayının obeb'i tektir.

**Teorem:**  $(m, n) = d \Leftrightarrow \left(\frac{m}{d}, \frac{n}{d}\right) = 1$ 'dir.

### **Teorem:**

$(a, b) = 1$  ve  $(a, c) = 1$  ise  $(a, b, c) = 1$ 'dir.

### **Teorem:**

$\frac{a}{b} \cdot c$  ve  $(a, b) = 1$  ise  $\frac{a}{c}$  dir.

### **En Küçük Ortak Kat:**

$a, b$  sıfırdan farklı tam sayılar olsun.

a)  $k \in \mathbb{N}$  olmak üzere  $a|k$  ve  $b|k$  ise  $k$ 'ye  $a$  ve  $b$ 'nin bir ortak katı denir.

b)  $k, a$  ve  $b$ 'nin bir ortak katı olsun. Eğer  $t; a$  ile  $b$ 'nin bir başka ortak katı iken  $k|t$  ise  $k$ 'ye  $a$  ile  $b$ 'nin en küçük ortak katı (ekok) denir ve  $[a, b] = k$  ile gösterilir.

### **Teorem:**

$a, b \neq 0$  iki tam sayı ise  $(a, b) \cdot [a, b] = |a \cdot b|$  dir.

### **Örnek**

$x \in \mathbb{N}$  olmak üzere  $p = x^2 - 1$  olacak şekildeki tüm  $p$  asal sayılarını bulunuz.

### **Çözüm**

$P = (x - 1)(x + 1)$  sayısının çarpanları

$\left. \begin{array}{l} 1 \cdot p \\ p \cdot 1 \end{array} \right\} P$  asal olduğundan çarpanı 1 ve kendisidir.

$(-1) \cdot (-p)$

$(-p) \cdot (-1)$  tipindedir.

$x - 1 = 1 \Rightarrow x = 2, p = 3$  asaldır.

$x + 1 = 1 \Rightarrow x = 0, p = -1$  asal değil.

$x - 1 = -1 \Rightarrow x = 0, p = -1$  asal değil

$x + 1 = -1 \Rightarrow x = -2, x = -2 \notin \mathbb{N}$

Çözüm kümesi  $p = \{3\}$  tür.

### **Örnek**

$x \in \mathbb{N}$  olmak üzere  $p = x^3 - 1$  şeklindeki tüm  $p$  asallarını bulunuz.

### **Çözüm**

$P = (x - 1)(x^2 + x + 1)$  sayısının çarpanları

$p \cdot 1$

$1 \cdot p$

$(-1) \cdot (-p)$

$(-p) \cdot (-1)$  tipindedir.

$x - 1 = 1 \Rightarrow x = 2, p = 2^3 + 2 + 1 = 7$  asaldır.

$x - 1 = -1 \Rightarrow x = 0, p = -1$  asal değildir.

$x^2 + x + 1 = 1 \Rightarrow x(x + 1) = 0$

$\Rightarrow x = 0$  veya  $x = -1$

$p = -1$  asal değil  $p = -2$  asal değil

$x^2 + x + 1 = -1 \Rightarrow x^2 + x + 2 = 0$

$\Rightarrow x_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 - 4 \cdot 2 \cdot 1}}{2} \notin \mathbb{N}$

Çözüm kümesi  $x = \{7\}$  dir.

### **Örnek**

$(a, 4) = 2$  ve  $(b, 4) = 2$  iken  $(a + b, 4)$  nedir?

2025

HİBRİT  
KİTAP

MİLLÎ EĞİTİM BAKANLIĞI AKADEMİ GİRİŞ SINAVI

# MEB-AGS ÖABT

İLKÖĞRETİM MATEMATİK  
ÖĞRETMENLİĞİ  
GEOMETRİ - İSTATİSTİK VE OLASILIK  
KONU ANLATIMLI



e-Kitaba ve video derslere  
erişebilmek için  
QR kodu okutunuz.



Fiziksel Kitap

HİBRİT  
KİTAP

e-Kitap

Video Ders Hediye

**ARTIFORCE, TÜBİTAK-TEYDEB** Destek Programından yararlanılarak geliştirilmiştir (Proje No: 7230451).  
Ürün/hizmet ile ilgili tüm sorumluluk Pegem Akademi Yayıncılık Eğitim Danışmanlık Hizmetleri Tic. AŞ'ye aittir.

**PEGEM AKADEMİ**



**Komisyon**  
**MEB-AGS ÖABT İlköğretim Matematik Öğretmenliği Geometri - İstatistik ve Olasılık**  
**Konu Anlatımlı**

ISBN 978-625-6128-17-0

Kitapta yer alan bölümlerin tüm sorumluluğu yazarlarına aittir.

© Pegem Akademi

Bu kitabın basım, yayım ve satış hakları Pegem Akademi Yay. Eğt. Dan. Hizm. Tic. AŞ'ye aittir. Anılan kuruluşun izni alınmadan kitabın tümü ya da bölümleri, kapak tasarımı; mekanik, elektronik, fotokopi, manyetik kayıt ya da başka yöntemlerle çoğaltılamaz, basılamaz ve dağıtılamaz. Bu kitap, T.C. Kültür ve Turizm Bakanlığı bandrolü ile satılmaktadır. Okuyucularımızın bandrolü olmayan kitaplar hakkında yayınevimize bilgi vermesini ve bandrolsüz yayınları satın almamasını diliyoruz.

**I. Baskı:** 2024, Ankara

Proje-Yayın: Pegem

Dizgi-Grafik Tasarım: Arzu Orhan Kaya

Kapak Tasarımı: Pegem

### İletişim

**Pegem Akademi:** Shira Ticaret Merkezi, Macun Mahallesi 204 Cad.

No: 141/33, Yenimahalle/Ankara

Yayınevi: 0312 430 67 50

Dağıtım: 0312 434 54 24

Hazırlık Kursları: 0312 419 05 60

İnternet: [www.pegem.net](http://www.pegem.net)

E-ileti: [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net)

WhatsApp Hattı: 0538 594 92 40

**Baskı:**Ankara Özgür Matbaacılık  
1250. Cad. No: 25 Ostim Yenimahalle/Ankara

Yayıncı Sertifika No: 51818

Matbaa Sertifika No: 46821



## ÖN SÖZ

Değerli Okuyucularımız,

MEB-AGS ÖABT İLKÖĞRETİM MATEMATİK ÖĞRETMENLİĞİ konu anlatımlı setimiz üç kitap hâlinde düzenlenmiştir. "İlköğretim Matematik Öğretmenliği Geometri-İstatistik ve Olasılık 3. Kitap" adlı yayınıımız Geometri - İstatistik ve Olasılık bölümünü kapsamaktadır ve MEB-AGS / ÖABT İlköğretim Matematik Öğretmenliği Alan Bilgisi Testi kapsamındaki soruları çözmek için gerekli bilgi, beceri ve teknikleri edinme ve geliştirme sürecinde siz değerli öğretmen adaylarımıza kılavuz olarak hazırlanmıştır.

Kitabın hazırlanış sürecinde, sınav kapsamındaki temel alanlarda kapsamlı alanyazın taraması yapılmış, bu kitabın gerek MEB-AGS ÖABT'de gerekse gelecekteki meslek hayatınızda ihtiyacınızı maksimum derecede karşılayacak bir başucu kitabı niteliğinde olması hedeflenmiştir.

Detaylı, güncel ve anlaşılır bir dilde yazılan konu anlatımları, çıkmış sorular ve detaylı açıklamalarıyla desteklenmiş, her ünite içeriği ÖSYM formatına uygun, çözümlü test sorularıyla pekiştirilmiştir. Ayrıca konu anlatımlarında verilen bilgi ve çözüm tekniklerine ek olarak uyarı kutucuklarıyla da önemli konulara dikkat çekilmiştir.

Yoğun bir araştırma ve çalışma sürecinde hazırlanmış olan bu kitaba ilişkin sorularınızı [pegem@pegem.net](mailto:pegem@pegem.net) adresine e-posta yoluyla ya da 0538 594 92 40 numarasına WhatsApp üzerinden iletmeniz yeterli olacaktır.

Geleceğimizi güvenle emanet ettiğimiz siz değerli öğretmenlerimizin hizmet öncesi ve hizmet içi eğitimlerine katkıda bulunabilmek ümidiyle...

Başarılar...

Pegem Akademi



Kitabın içeriği, MEB'in yapacağı program değişikliği veya buna bağlı olarak ÖSYM'nin sınav içeriğinde yapacağı değişiklik durumunda, kitabın dijital hâlinde (aktivasyon geçerlilik süresince) güncellenerek siz değerli adaylara sunulur.

## TÜM KİTAPLAR YANINDA; CEPTE, TABLETTE VE MASANDA

### Hibrit kitaplarda kullanıcılar;



- 1 Kitabın dijital formatına erişim sağlayabilir.
- 2 Kitabın bölümleri altında video derslere erişim sağlayabilir.
- 3 Konu sonu testlerini çözebilir.



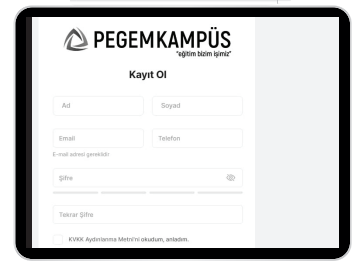
Detaylı anlatım için QR kodu okutunuz.

Yapay zekânın öğrenme analizinizi yapabilmesi için interaktif içeriklere etkileşim bırakmanız gerekmektedir. Etkileşim bırakmak için testlerde yer alan cevap seçeneklerini sistem üzerinde işaretlemeniz gerekmektedir. Böylelikle yapay zekâ bırakılan etkileşimler sonrasında sizlerin başarı durumlarını tespit ederek eksik tespitinizi gerçekleştirecektir.

**Pegem Kampüs web sitesi üzerinden aktivasyon kodunuzu aktif edebilmek ve içeriklere erişebilmek için aşağıdaki adımları takip ediniz:**

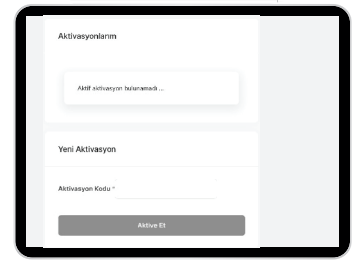
#### 1. Adım Üyelik

Mevcut tarayıcınızın adres çubuğuna **arti.pegemkampus.com** yazarak web sitemiz üzerinden üyeliğinizi gerçekleştirebilirsiniz.



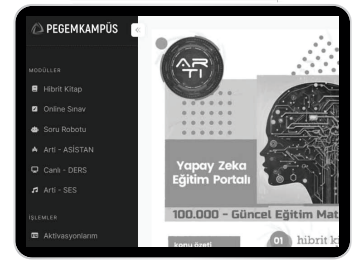
#### 2. Adım Aktivasyon

Üyelik bilgileriniz ile giriş yaptıktan sonra sol menüde yer alan "**Aktivasyonlarım**" sekmesine girerek kodunuzu aktif edebilirsiniz.



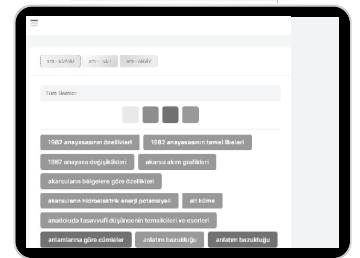
#### 3. Adım Ürünlerim

Aktivasyon işleminizi tamamladıktan sonra menüde aktif hâle gelen "**Hibrit Kitap**" sekmesine tıklayarak içeriklere ulaşabilirsiniz.



#### 4. Adım Yapay Zekâ Asistan

Hibrit kitaptaki işaretlemeleriniz doğrultusunda eksik tespitinizi yapabilmek için menüdeki "**Arti-Asistan**" sekmesine tıklayabilirsiniz. Eksiklerinizi tamamlamak ve daha fazla içerik görmek için pegemkampus.com adresini ziyaret edebilirsiniz.



**Aktivasyon kodu kitabınızın iç kapağında yer almaktadır. Aktivasyon kodu ile aktif ettiğiniz hibrit kitaba erişim 31.08.2025 tarihine kadar geçerlidir.**



Pegem Kampüs İletişim Hattı  
0312 418 51 55

## İÇİNDEKİLER

## 1. BÖLÜM

## UZAYDA VEKTÖRLER

UZAYDA VEKTÖRLER.....	1
İki Vektörün Parallellığı.....	2
Vektörlerin Lineer Bileşimi.....	2
Lineer Bağımlılık – Lineer Bağımsızlık.....	2
Standart Birim Vektörleri.....	2
Vektörlerin İç (Skaler) Çarpımı.....	2
İki Vektör Arasındaki Açık.....	3
Dik İzdüşüm Vektörü.....	3
Vektörel (Çapraz) Çarpım.....	4
Paralelkenarın Alanı.....	5
Paralelyüzün Hacmi.....	6
Çözümlü Test.....	9
Çözümler.....	11

## UZAYDA DOĞRU ve DÜZLEM DENKLEMİ

UZAYDA DOĞRU VE DÜZLEM DENKLEMİ.....	13
İki Noktası Belli Olan Doğru Denklemi.....	13
Düzlem.....	14
Çözümlü Sorular - I.....	16
Bir Noktanın Düzleme Uzaklığı.....	19
Çözümlü Sorular - II.....	19
Uzayda İki Doğrunun Birbirlerine Göre Durumları ve Kesişme Noktasının Bulunması.....	22
Bir Noktanın Bir Doğruya Olan Uzaklığı.....	23
Aykırı İki Doğru Arasındaki En Kısa Uzaklık ve Ortak Dikme ve Dikme Ayaklarının Bulunması.....	24
Çözümlü Sorular.....	24
İki Düzlemin Birbirlerine Göre Konumu ve İki Düzlem Arasındaki Açık.....	28
Bir Düzlem ile Bir Doğru Arasındaki Açık.....	28
İki Düzlemin Açığı Düzlemi.....	28
Çözümlü Sorular.....	28
Bir Doğrudan Geçen Düzlem Demeti.....	30
Uzayda Simetri.....	31
Çözümlü Sorular.....	32
Çözümlü Test - 1.....	37
Çözümler.....	39

Çözümlü Test - 2.....	41
Çözümler.....	43

## YÜZEYLER

$E^3$ DE YÜZEY.....	46
KÜRE.....	46
Küre Olma Koşulları.....	47
Kürenin Parametrik Denklemi.....	48
Kürenin Teğet Düzlemi.....	48
SİLİNDİR.....	48
KONİ.....	50
Bazı Kuadratik Yüzeyleler.....	54
Çözümlü Sorular.....	54
Silindirin İsimlendirilmesi.....	55
Dönel Yüzeyleler.....	57
SİLİNDİRİK KOORDİNATLAR.....	59
KÜRESEL KOORDİNATLAR.....	59
Çözümlü Test.....	60
Çözümler.....	62

## KONİKLER

TANIM.....	64
Genel Konik Denkleminde $x, y$ -li Terimi Yok Etme.....	64

## ELİPS - HİPERBOL - PARABOL

ELİPS.....	66
Elipsin Denklemi.....	66
Elipsin Teğet ve Normal Denklemleri.....	67
Elipsin Parametrik Denklemi.....	68
HİPERBOL.....	70
Hiperbolün Denklemi.....	70
PARABOL.....	73
Parabolün Denklemi.....	73
Çözümlü Test.....	82
Çözümler.....	84
Karma Test - 1.....	86
Çözümler.....	88
Karma Test - 2.....	90
Çözümler.....	92

## 2. BÖLÜM

## İSTATİSTİK VE OLASILIK

TEMEL KAVRAMLAR.....	94
Sayısal Bilgi, Veri, Ölçüm .....	94
Değişken ve Türleri.....	94
Fonksiyon .....	94
Evren ve Örneklem.....	96
İstatistik ve Parametre.....	96
Çözümlü Test.....	97
Çözümler .....	99

## VERİNİN DÜZENLENMESİ VE MERKEZE EĞİLME ÖLÇÜLERİ

VERİNİN DÜZENLENMESİ.....	100
Grafik Çizme.....	100
Merkeze Eğilme (Yığılma) Ölçüleri.....	101
Mod (Tepe Değer).....	101
Medyan (Ortanca).....	101
Aritmetik Ortalama.....	102
Mod, Medyan ve Ortalamanın Karşılaştırılması	103
Ağırlıklı Ortalama.....	104
DEĞİŞME (DAĞILMA) ÖLÇÜLERİ .....	105
Ranj (Açıklık) .....	105
Mutlak Kayma.....	105
Varyans ve Standart Kayma .....	105
Bağıl Değişkenlik Katsayısı .....	107
STANDARTLAŞTIRMA (z ve T PUANLARI).....	107
z Puanı .....	107
T Puanı .....	107
Çözümlü Test.....	109
Çözümler .....	112

## OLASILIK

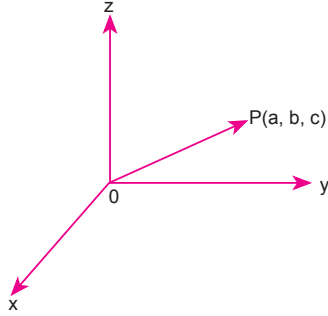
TEMEL KAVRAMLAR.....	114
Olasılık.....	115
Birleşik Olayların Olasılığı .....	116
Ayrık İki Olayın Birleşiminin Olasılığı.....	116
Olaylar Arasındaki Bağlılıklar .....	117
Şartlı Olaylar ve Olasılıklar .....	117
Bağımsız Olaylar .....	118
Çözümlü Sorular.....	119
TESADÜFİ DEĞİŞKEN, OLASILIK FONKSİYONU VE BEKLENEN DEĞER.....	121
Tesadüfi Değişkenin Beklenen Değeri.....	127
Varyans Hesabı .....	130
Momentler.....	133
Moment Çıkaran Fonksiyon.....	133
Birleşik Olasılık Dağılımı.....	135
Ortak Olasılık Yoğunluk Fonksiyonu.....	135
Marjinal Olasılık Fonksiyonları.....	136
Kovaryans ve Korelasyon.....	138
Çözümlü Test.....	145
Çözümler .....	148

## OLASILIK DAĞILIMLARI

OLASILIK.....	150
Binom Olasılık Dağılımı .....	150
Poisson Olasılık Dağılımı .....	152
Hipergeometrik Olasılık Dağılımı.....	153
Normal Olasılık Dağılımı.....	160
Standart Normal Olasılık Dağılımı .....	161
Çözümlü Test.....	163
Çözümler .....	166
Çözümlü Deneme - 1 .....	168
Çözümler .....	171
Çözümlü Deneme - 2.....	174
Çözümler .....	177

## UZAYDA VEKTÖRLER

$\mathbb{R}^3 = \{(x, y, z) : x, y, z \in \mathbb{R}\}$  kümesine 3 boyutlu vektör uzayı denir. Vektörlerin başlangıç noktası orijin olmak üzere,  $\mathbb{R}^3$  ün her noktasına bir vektör karşılık gelir.



$\vec{OP} = (a, b, c)$  ise a, b, c sayılarına  $\vec{OP}$  yer vektörünün bileşenleri denir. P noktasının orijine olan uzaklığına,  $\vec{OP}$  vektörünün normu (uzunluğu) denir ve  $|\vec{OP}|$  ile gösterilir.

$\vec{OP} = (a, b, c) \Rightarrow |\vec{OP}| = |\vec{P}| = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$  dir.

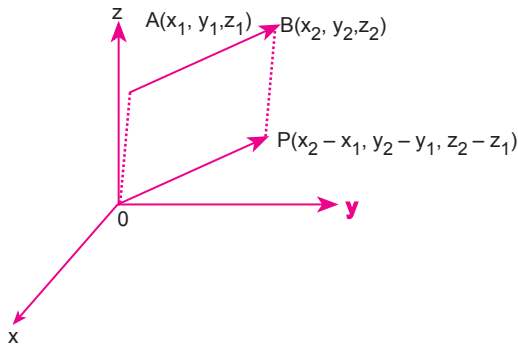
$\vec{AB}$  vektörüne eş, başlangıç noktası orijin olan  $\vec{OP}$  vektörüne,  $\vec{AB}$  vektörünün yer vektörü denir.

$A(x_1, y_1, z_1)$  ve  $B(x_2, y_2, z_2)$  ise;

$\vec{AB} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1)$

$|\vec{OP}| = |\vec{AB}| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$

Normu 1 olan vektöre birim vektör denir.



## Çıkış Sorular

Uzayda  $A(1, 2, 3)$ ,  $B(2, -1, -4)$  ve  $C(m, 2, -1)$  noktaları veriliyor.

$\vec{AB} \perp \vec{AC}$  olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -27 B) -29 C) 14 D) 29 E) 27

## Çözüm

$$\vec{AB} = (1, -3, -7) \quad \vec{AC} = (m - 1, 0, -4)$$

$$\vec{AB} \perp \vec{AC} \Rightarrow \vec{AB} \cdot \vec{AC} = 0 \text{ dir.}$$

$$1(m - 1) + (-3) \cdot 0 + (-7)(-4) = 0$$

$$m + 27 = 0$$

$$m = -27 \text{ olur.}$$

**Cevap A**

## Örnek

$A(1, -1, 1)$  ve  $B(2, a, -3)$  noktaları veriliyor.

$|\vec{AB}| = \sqrt{26}$  br olduğuna göre a sayısının alabileceği değerleri bulunuz.

## Çözüm

$$\vec{AB} = (1, a + 1, -4)$$

$$|\vec{AB}| = \sqrt{26} \Rightarrow \sqrt{1^2 + (a + 1)^2 + (-4)^2} = \sqrt{26}$$

$$\Rightarrow (a + 1)^2 + 17 = 26$$

$$\Rightarrow (a + 1)^2 = 9$$

$$\Rightarrow |a + 1| = 3 \Rightarrow a = 2 \text{ veya } a = -4$$

## Çıkış Sorular

Dik koordinat düzleminde verilen  $\vec{u}$  ve  $\vec{v}$  vektörleri için  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 8$ ,  $\|\vec{u} + \vec{v}\| + \|\vec{u} - \vec{v}\| = 16$  olduğuna göre,  $\|\vec{u} + \vec{v}\|$  değeri kaçtır?

- A) 8 B) 9 C) 10 D) 12 E) 13

## Çözüm

$$\|\vec{u} + \vec{v}\|^2 = \|\vec{u}\|^2 + \|\vec{v}\|^2 + 2 \cdot \vec{u} \cdot \vec{v}$$

$$\|\vec{u} - \vec{v}\|^2 = \|\vec{u}\|^2 + \|\vec{v}\|^2 + 2 \cdot \vec{u} \cdot \vec{v}$$

$$\Rightarrow \|\vec{u} + \vec{v}\|^2 - \|\vec{u} - \vec{v}\|^2 = 4 \cdot \vec{u} \cdot \vec{v} \text{ olur.}$$

Buna göre;

$$\frac{(\|\vec{u} + \vec{v}\| + \|\vec{u} - \vec{v}\|) \cdot (\|\vec{u} + \vec{v}\| - \|\vec{u} - \vec{v}\|)}{16} = 4 \cdot 8$$

$$\|\vec{u} + \vec{v}\| - \|\vec{u} - \vec{v}\| = 2$$

$$+ \|\vec{u} + \vec{v}\| + \|\vec{u} - \vec{v}\| = 16$$

$$2 \cdot \|\vec{u} + \vec{v}\| = 18 \Rightarrow \|\vec{u} + \vec{v}\| = 9 \text{ olur.}$$

**Cevap B**

**İki Vektörün Paralellliği**

$\vec{a}, \vec{b} \in \mathbb{R}^3$ ,  $k \neq 0$ ,  $\vec{a} \neq \vec{0}$ ,  $\vec{b} \neq \vec{0}$  olmak üzere,

$$\vec{a} = k \cdot \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} // \vec{b} \text{ dir.}$$

$\vec{a} = (x_1, y_1, z_1)$  ve  $\vec{b} = (x_2, y_2, z_2)$  olmak üzere

$$\vec{a} // \vec{b} \Leftrightarrow \frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2} = \frac{z_1}{z_2} \text{ dir.}$$

**Örnek**

A(2, 4, 2) ve B(6, 2, 4) noktaları ile

$\vec{v} = (x - y, x + 2y, 1)$  vektörü veriliyor.

$\vec{AB} // \vec{v}$  olduğuna göre, (x, y) ikilisini bulunuz.

**Çözüm**

$$\vec{AB} = (4, -2, 2)$$

$$\vec{v} = (x - y, x + 2y, 1)$$

$$\vec{AB} // \vec{v} \Rightarrow \frac{x - y}{4} = \frac{x + 2y}{-2} = \frac{1}{2}$$

$$\left. \begin{array}{l} x - y = 2 \\ x + 2y = -1 \end{array} \right\} \Rightarrow (x, y) = (1, -1) \text{ olur.}$$

**Vektörlerin Lineer Bileşimi**

$\vec{V}_1, \vec{V}_2, \vec{V}_3, \dots, \vec{V}_n \in \mathbb{R}^3$  ve  $k_1, k_2, k_3, \dots, k_n \in \mathbb{R}$

olmak üzere,

$\vec{u} = k_1 \cdot \vec{V}_1 + k_2 \cdot \vec{V}_2 + k_3 \cdot \vec{V}_3 + \dots + k_n \cdot \vec{V}_n$  vektörüne,

$\vec{V}_1, \vec{V}_2, \vec{V}_3, \dots, \vec{V}_n$  vektörlerinin lineer bileşimi denir.

**Lineer Bağımlılık – Lineer Bağımsızlık**

$\mathbb{R}^3$  de  $\vec{V}_1, \vec{V}_2, \vec{V}_3, \dots, \vec{V}_n$  vektörleri verilsin.

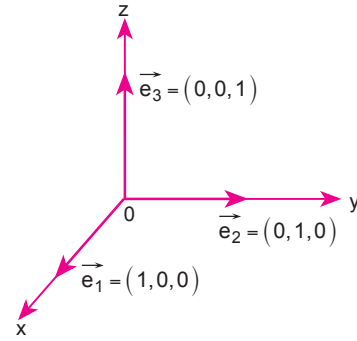
$c_1 \cdot \vec{V}_1 + c_2 \cdot \vec{V}_2 + c_3 \cdot \vec{V}_3 + \dots + c_n \cdot \vec{V}_n = \vec{0}$  denklemi yalnız

$c_1 = c_2 = c_3 = \dots = c_n = 0$  için sağlanırsa bu vektörlere lineer bağımsız;  $c_1 = c_2 = c_3 = \dots = c_n = 0$  değerlerinden en az biri sıfırdan farklı olacak şekilde sağlanırsa bu vektörlere lineer bağımlı denir.

$V = \{\vec{V}_1, \vec{V}_2, \dots, \vec{V}_n\}$ ,  $\mathbb{R}^3$  uzayının bir alt kümesi olmak üzere  $\det(\vec{V}_1, \vec{V}_2, \dots, \vec{V}_n) = A$  olsun.

I.  $A = 0 \Leftrightarrow V$  kümesi lineer bağımlı,

II.  $A \neq 0 \Leftrightarrow V$  kümesi lineer bağımsızdır denir.

**Uyarı!****Standart Birim Vektörleri**

$\mathbb{R}^3$  vektör uzayında üzerinde bulunduğu eksen ile pozitif yönlü birim vektörlere, standart birim vektörler denir.

$$\vec{e}_1 = \vec{i} = (1, 0, 0)$$

$$\vec{e}_2 = \vec{j} = (0, 1, 0)$$

$$\vec{e}_3 = \vec{k} = (0, 0, 1)$$

**Vektörlerin İç (Skaler) Çarpımı**

Her  $\vec{A}, \vec{B} \in \mathbb{R}^3$  için;

$\vec{A} = (x_1, y_1, z_1)$  ve  $\vec{B} = (x_2, y_2, z_2)$  olmak üzere,

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = \langle \vec{A}, \vec{B} \rangle = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2$$

şeklinde tanımlanan işleme, " $\mathbb{R}^3$  de Öklid iç çarpım işlemi" denir.

Özellikleri

- $|\vec{A}| = \sqrt{\vec{A} \cdot \vec{A}}$ ,  $|\vec{A}|^2 = \vec{A} \cdot \vec{A}$
- $\vec{A} \cdot \vec{B} = \vec{B} \cdot \vec{A}$  (değişme özelliği)
- $\vec{A} \cdot (\vec{B} + \vec{C}) = \vec{A} \cdot \vec{B} + \vec{A} \cdot \vec{C}$  (çarpmanın toplama üzerine dağılma özelliği)

## 1.BÖLÜM

## Örnek

$\vec{A} = (3, a, -2)$  ve  $\vec{B} = (a, 2, 10)$  vektörleri veriliyor.  
 $\vec{A} \cdot \vec{B} = 5$  olduğuna göre  $a$  sayısının kaç olacağını bulunuz.

## Çözüm

$$\begin{aligned}\vec{A} \cdot \vec{B} &= 5 \\ 3a + 2a - 2 \cdot 10 &= 5 \\ 5a &= 25 \\ a &= 5\end{aligned}$$

## İki Vektör Arasındaki Açık

$\vec{A}, \vec{B} \in \mathbb{R}^3$  verilsin.  $\vec{A}$  ve  $\vec{B}$  vektörleri arasındaki açının ölçüsü  $\alpha$  olmak üzere,

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}| \cdot |\vec{B}| \cdot \cos \alpha \text{ olur.}$$

$\vec{A} \perp \vec{B}$  ise  $\alpha = 90^\circ$  için  $\cos \alpha = 0$  olduğundan  
 $\vec{A} \perp \vec{B} \Leftrightarrow \vec{A} \cdot \vec{B} = 0$  olur.

## Örnek

$\vec{A} = (-1, 2, 3)$  ve  $\vec{B} = (1, -1, 2)$  vektörleri arasındaki açının cosinüsünü bulunuz.

## Çözüm

$$\begin{aligned}\vec{A} \cdot \vec{B} &= |\vec{A}| \cdot |\vec{B}| \cdot \cos \theta \\ -1 - 2 + 6 &= \sqrt{(-1)^2 + 2^2 + 3^2} \cdot \sqrt{1^2 + (-1)^2 + 2^2} \cdot \cos \theta \\ \cos \theta &= \frac{3}{\sqrt{14} \cdot \sqrt{6}} = \frac{3}{2\sqrt{21}}\end{aligned}$$

## Örnek

$\vec{A} = (1, 1, 2)$  ve  $\vec{B} = (\sqrt{3} - 1, -\sqrt{3} - 1, 4)$  vektörleri arasındaki açının cosinüsünü bulunuz.

## Çözüm

$$\begin{aligned}\cos \theta &= \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{A}| \cdot |\vec{B}|} \\ \vec{A} \cdot \vec{B} &= \sqrt{3} - 1 - \sqrt{3} - 1 + 8 = 6 \\ |\vec{A}| &= \sqrt{(1)^2 + (1)^2 + (2)^2} = \sqrt{6} \\ |\vec{B}| &= \sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2 + (-\sqrt{3} - 1)^2 + 4^2} \\ &= \sqrt{4 - 2\sqrt{3} + 4 + 2\sqrt{3} + 16} \\ &= \sqrt{24} = 2\sqrt{6} \\ \cos \theta &= \frac{6}{\sqrt{6} \cdot 2\sqrt{6}} \text{ olur.} \\ \cos \theta &= \frac{1}{2}\end{aligned}$$

## Örnek

$\vec{A}$  ile  $\vec{B}$  vektörleri arasındaki açının ölçüsü  $45^\circ$ ,

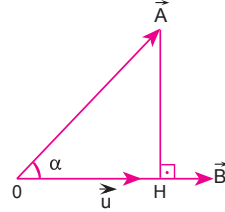
$|\vec{A}| = 2\sqrt{2}$  ve  $|\vec{B}| = 3$  olduğuna göre,

$(\vec{A} + \vec{B}) \cdot (3\vec{A} - 2\vec{B})$  iç çarpımının sonucunu bulunuz.

## Çözüm

$$\begin{aligned}(\vec{A} + \vec{B}) \cdot (3\vec{A} - 2\vec{B}) &= 3 \cdot \vec{A} \cdot \vec{A} + 3 \cdot \vec{A} \cdot \vec{B} - 2\vec{A} \cdot \vec{B} - 2 \cdot \vec{B} \cdot \vec{B} \\ &= 3 \cdot |\vec{A}|^2 + \vec{A} \cdot \vec{B} - 2 \cdot |\vec{B}|^2 \\ &= 3 \cdot 8 + 2\sqrt{2} \cdot 3 \cdot \cos 45^\circ - 2 \cdot 9 \\ &= 24 + 6 - 18 \\ &= 12 \text{ olur.}\end{aligned}$$

## Dik İzdüşüm Vektörü



$\vec{A} = (x_1, y_1, z_1), \vec{B} = (x_2, y_2, z_2)$  vektörleri verilsin.

$\vec{A}$  vektörünün  $\vec{B}$  vektörü üzerindeki dik izdüşüm vektörü

$\vec{OH} = \vec{u}$  olsun.  $\vec{A}$  ile  $\vec{B}$  arasındaki açı  $\alpha$  olmak üzere;

$$\cos \alpha = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{A}\| \cdot \|\vec{B}\|} \text{ dir. } \cos \alpha = \frac{\|\vec{u}\|}{\|\vec{A}\|} \text{ yazılırsa}$$

$$\frac{\|\vec{u}\|}{\|\vec{A}\|} = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{A}\| \cdot \|\vec{B}\|} \Rightarrow \|\vec{u}\| = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{B}\|} \text{ dik izdüşüm vektörü-}$$

nün uzunluğudur.

$$\vec{u} = \|\vec{u}\| \cdot \frac{\vec{B}}{\|\vec{B}\|} \text{ olacağından}$$

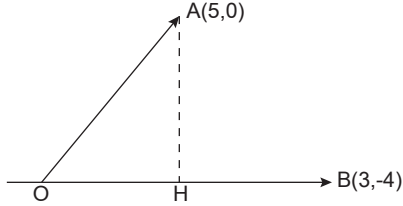
$$\vec{u} = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{B}\|^2} \cdot \vec{B} \text{ dik izdüşüm vektörünü verir.}$$

**Çıkış Sorular**

Düzlemde  $A(5, 0)$  vektörünün  $B(3, -4)$  vektörü üzerine dik izdüşüm vektörünün uzunluğu kaç birimdir?

- A) 1    B) 2    C) 3    D) 4    E) 5

**Çözüm**



$$\|OH\| = \frac{\langle \vec{A}, \vec{B} \rangle}{\|\vec{B}\|}$$

$$\|OH\| = \frac{5 \cdot 3 + 0 \cdot (-4)}{\sqrt{3^2 + (-4)^2}}$$

$$\|OH\| = 3 \text{ br bulunur.}$$

**Cevap C**

**Örnek**

$\vec{A} = (1, 4, 2)$  ve  $\vec{B} = (-2, 1, 3)$  vektörleri veriliyor.  $\vec{A}$ 'nın  $\vec{B}$  üzerindeki dik izdüşümünün uzunluğunun ve dik izdüşüm vektörünü bulunuz.

**Çözüm**

$$|\vec{u}| = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{B}\|} = \frac{-2 + 4 + 6}{\sqrt{(-2)^2 + 1^2 + 3^2}} = \frac{8}{\sqrt{14}}$$

Dik izdüşüm vektörü;

$$\vec{u} = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{B}\|^2} \cdot \vec{B} = \frac{8}{14} \cdot (-2, 1, 3) = \frac{4}{7}(-2, 1, 3) \text{ olur.}$$

**Vektörel (Çapraz) Çarpım**

$\mathbb{R}^3$  te  $\vec{A} = (x_1, y_1, z_1)$  ve  $\vec{B} = (x_2, y_2, z_2)$  vektörleri verilsin.

$\vec{A}$  ve  $\vec{B}$  vektörlerinin vektörel çarpımı bir  $\vec{C}$  vektörünü verir.

$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$  şeklinde gösterilir.

$\alpha$ :  $\vec{A}$  vektörü ile  $\vec{B}$  vektörü arasındaki açı

$\vec{P}$ ;  $\vec{A}$  vektörü ile  $\vec{B}$  vektörünün yönünü gösteren birim vektör olmak üzere;

$\vec{A}$  ile  $\vec{B}$  nin vektörel çarpımı :

$$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B} = \vec{P} \cdot \|\vec{A}\| \cdot \|\vec{B}\| \cdot \sin \alpha \text{ dir.}$$

Elde edilen  $\vec{C}$  vektörü,  $\vec{A}$  ve  $\vec{B}$  vektörlerinin ait olduğu düzleme dik olan bir vektördür.

$$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \vec{e}_1 & \vec{e}_2 & \vec{e}_3 \\ x_1 & y_1 & z_1 \\ x_2 & y_2 & z_2 \end{vmatrix}$$

determinantının değeri, vektörel çarpımı verir.

**Örnek**

$\vec{A} = (3, 1, 0)$  ve  $\vec{B} = (0, 1, 2)$  olduğuna göre,

$\|\vec{A} \times \vec{B}\|$  kaçtır?

**Çözüm**

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 3 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix} = 2\vec{i} - 6\vec{j} + 3\vec{k}$$

$$= (2, -6, 3)$$

$$\|\vec{A} \times \vec{B}\| = \sqrt{2^2 + (-6)^2 + 3^2}$$

$$= \sqrt{4 + 36 + 9}$$

$$= 7 \text{ olur.}$$

**Özellikleri:**

$\forall \vec{A}, \vec{B}, \vec{C} \in \mathbb{R}^3$  ve  $k \in \mathbb{R}$  olmak üzere;

- I.  $\vec{A} \times \vec{A} = 0$
- II.  $\vec{A} \times \vec{B} = -\vec{B} \times \vec{A}$
- III.  $\vec{A} \times (\vec{B} + \vec{C}) = (\vec{A} \times \vec{B}) + (\vec{A} \times \vec{C})$
- IV.  $(k \cdot \vec{A}) \times \vec{B} = \vec{A} \times (k \cdot \vec{B}) = k \cdot (\vec{A} \times \vec{B})$ ,  $k \in \mathbb{R}$
- V.  $\|\vec{A} \times \vec{B}\| = \|\vec{A}\| \cdot \|\vec{B}\| \cdot \sin \theta$  ( $\theta$ :  $\vec{A}$  ve  $\vec{B}$  vektörleri arasındaki açıdır.)
- VI.  $\left. \begin{matrix} \langle \vec{A} \times \vec{B}, \vec{A} \rangle = 0 \\ \langle \vec{A} \times \vec{B}, \vec{B} \rangle = 0 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \vec{A} \perp \vec{A} \times \vec{B} \text{ ve } \vec{B} \perp \vec{A} \times \vec{B} \text{ dir.}$