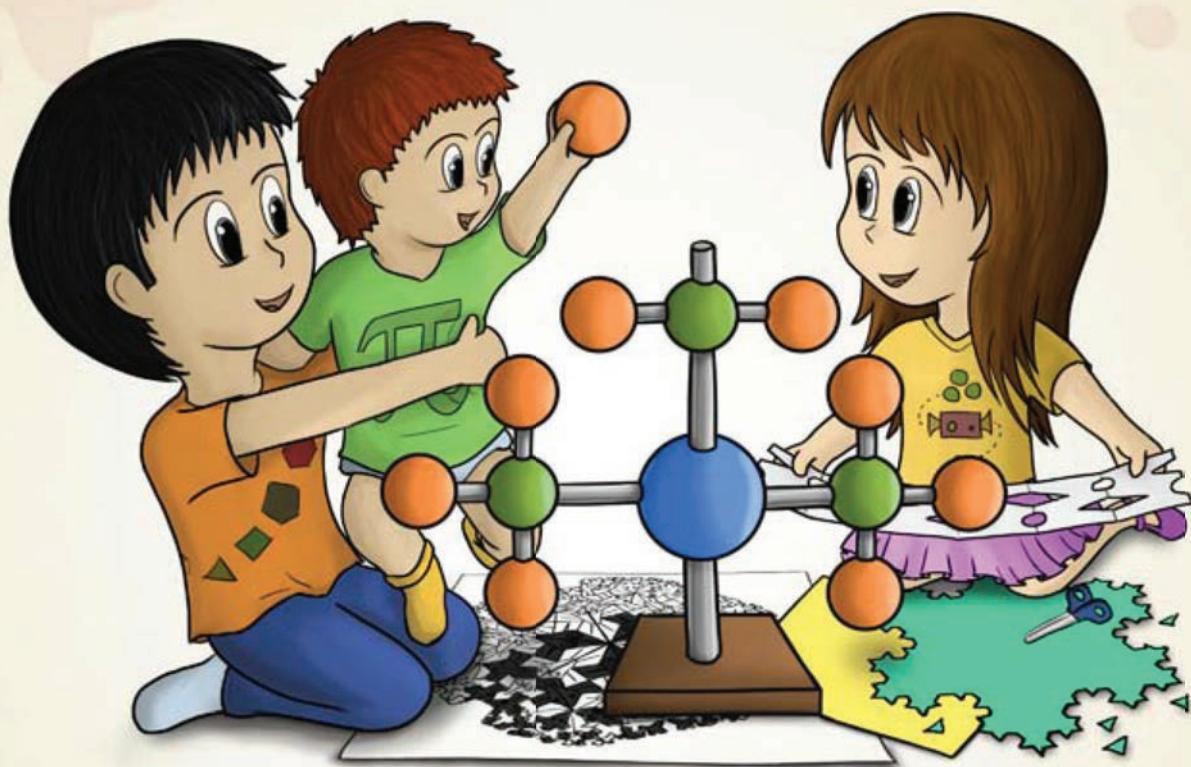


MOEBIUS'IN ÇUBUKLARI



Oyun Çağı Çocukları İçin Maceralı Matematik

Çevirenler:

Yrd. Doç. Dr. Bengisu KOYUNCU
Yrd. Doç. Dr. Mustafa Onur CESUR

MOEBIUS'IN ÇUBUKLARI

ISBN 978-605-318-386-0

DOI 10.14527/9786053183860

Kitabın Orijinal Adı: Moebius Noodles

Baskı Sayısı: 1

ISBN: 978-0-9776939-5-5

Yayinevi: Delta Stream Media

Kitap içeriğinin tüm sorumluluğu yazarlarına aittir.

© 2016, Pegem Akademi

Bu kitabın basım, yayın ve satış hakları

Pegem Akademi Yay. Eğt. Dan. Hizm. Tic. Ltd. Şti.ne aittir.

Anılan kuruluşun izni alınmadan kitabı tümü ya da bölümleri,
kapak tasarımı; mekanik, elektronik, fotokopi, manyetik, kayıt
ya da başka yöntemlerle çoğaltılamaz, basılamaz, dağıtılamaz.

Bu kitap T.C. Kültür Bakanlığı bandrolü ile satılmaktadır.

Okuyucularımızın bandrolü olmayan kitaplar hakkında
yayinevimize bilgi vermesini ve bandrolsüz yayınları
satın almamasını diliyoruz.

I. Baskı: 2016, Ankara

Yayın-Proje: Özlem Sağlam

Dizgi-Grafik Tasarım: Melike Serap Dalbudak

Baskı: Vadi Grup Ciltevi A.Ş.

İvedik Organize Sanayi 28. Cadde 2284 Sokak No:105

Yenimahalle/ANKARA

(0312 394 55 91)

Yayıncı Sertifika No: 14749

Matbaa Sertifika No: 26687

İletişim

Karanfil 2 Sokak No: 45 Kızılay / ANKARA

Yayinevi 0312 430 67 50 - 430 67 51

Yayinevi Belgeç: 0312 435 44 60

Dağıtım: 0312 434 54 24 - 434 54 08

Dağıtım Belgeç: 0312 431 37 38

Hazırlık Kursları: 0312 419 05 60

İnternet: www.pegem.net

E-ileti: pegem@pegem.net

İÇİNDEKİLER

Bu Kitabı Neden Oynamalı.....	1
Sorular ve Cevaplar	3
Simetri	
Canlı Ayna.....	11
Çifte Çiziktirmeli Hayvanat Bahçesi	15
Ayna Kitabı	19
Özel Kar Tanesi	23
İki-El Ayna Çizimi	27
Sayılar	
Bir-iki-üç ve Daha Fazlası	31
SüperOtoBenzerKesirLeştiremediklerimizdenmisiniz	35
Miktarlar İçin Büyük Av	39
Gerçek Çarpım Tabloları	43
Fonksiyon	
Fonksiyon Makinesi	47
Çemberlerin Etrafında Yürümek	51
Eskisinden Yeni Fonksiyonlar	55
Şaşkın Robot	59
Çizelgeler	
Kendi Tablonuzu Yapın	63
Tablolar ve Hayal Gücü	67
Üç Ayı ve Orta Yol	71
Çarpım Kuleleri	75
Kovaryans Canavarları	79
Sözlük	82

Bu kitabın kapağında hiç isim bulunmamaktadır çünkü bu kitabın gerçekleşmesini sağlayan herkesin isministddefrmak mümkün olmazdı. Bu kitap orijinal derslerimizi alan, fikirlerimizi oynayarak deneyen, derin sorular soran, kitabın yapımını kitlesel fonlayan, sitemizde misafir blog yazan, endişelerini paylaşan ve çocukların oyunlarlarındaki düşüncelerini gönderen maceracı ebeveynlere, meslektaşlara ve küçük matematikteki arkadaşlara teşekkürlerini sunar.

(isimler)...

Anonymous
Aaron Silvers
Adam Hansen
Alexander Bogomolny
Alexander Rozenfeld
Algut Runeman
Ali Rosselle
Allison Krasnow
Andrius Kulikauskas
Angela Stauder
Ann Lettes
Anna Weltman
Anne Jeanette Martin
Arkadiy Birger
Axelle Faughn
Barbara Schindelhauer
Bettina Bowers Schwan
Bonnie Crowder
Boris Brodsky
Brad Morgan
Brandy Wiegers
Brenda Weiss
Brian Turley
Colin Chambers
Carles Aguiló Collado
Carol Cross
Chris Hunter
Christian McManaman
Christine Cobb
Colleen King
Dani Novak
Daniel Patterson
David Cordeiro
David Wees
Deborah Cohen
Denise Gaskins
Dmitri Droujkov



Dmitri Kazmin
Dmitry Sagalovskiy
Dor Abrahamson
Elena Bazarova
Elena Koldertsova
Elisa Wing
Elizabeth Ross
Elizabeth Zwicky
Ever Salazar
Fred Bishop
George Vennebush
Gina Goddard
Gordon Hutchinson
Heather Chapman
Heidi Van Natter
Hope McMullan
Hope Thompson
Irina Mokrova
James Laidlaw
Jason Holder
Jenny Eggleston
Joel Duffin
John Domar
John Golden
Julia Brodsky
Joshua Zucker
Kelli Brandon
Kelly Prak
Kialei
Kimberley Meltzer
Kimberly Naylor
Laura Overdeck
Lee Ann Dietz
Lucy Laffitte
Madison Cross Sugg
Malke Rosenfeld
Maria Linnik

Maria Muscarella
Marie Brodsky
Marjalee Smith
Mary Malpezzi
Matt Droujkov
Max Leisten
Melanie Hayes
Michael Rachkovsky
Michael Thayer
Mike Graham
Nancy Ruhana
Nicole Smith
Noelle Cahow
Nora Reynolds
Patrick Honner
Paul Solomon
Pete Longhurst
Porter Family
Richard Elwes
Royce Riddle
Ryan Combs
Sara Joy Pond
Sara McGrath
Science Jim
Sharon Vogt
Sheri Soffian
Sol Lederman
Stacy Perry
Stephen Thomas
Sue Stern
Sue Van Hattum
Suellen DiMassimo
Susan Mygatt
Terri Coons
Vitomir Stojanovski
Zhuo Hong

Çevirenlerin Ön Sözü

Öğrenme alanının iki eğitim bilim uzmanı olarak, çocukların matematiğe yönelik öğrenme kaygılarının ve korkularının çocuğun hayatı başladığı ilk yıllarda kaynaklanabileceğini düşünerek; okul öncesi dönemdeki çocuklara matematik farkındalığı kazandırmak amaçlı bu kitabı çevirmeye karar verdik. Aslında bu kaynak bir kitaptan çok, öğretmen ve ailelere matematiği çocuklara sevdirmede rehberlik yapan bir "kitapçık"tır. Bazen küçük şeyler büyük etkiler yaratır. Bu amaçla başladığımız küçük etkiye tüm meslektaşlarımıza ve ailelerimiz davetlidir.

Matematik içgüdüseldir, doğuştan gelen bir özellik olduğu bilinmektedir. Matematiği basit saymalar ve toplamlar dışına çıkarıp hayatımızdaki her şeyde matematik olduğunu küçük yaştan itibaren çocuklara hissettirmek ve matematiğin yaşantı temelli öğretilmesinde rehberlik yapmak istedik.

Kitapçığın Türkçe düzeltmelerini yapan Sayın Doç. Dr. Kasım Kiroğlu'na teşekkür etmek isteriz.

Bu kitapçığın okul öncesi öğretmenlere, anne-babalara ve alana ilgi duyan tüm meslektaşlarımıza rehber olması dileğiyle. Saygılarıza.

Bengisu KOYUNCU, Yrd. Doç.Dr.

Mimar Sinan Güzel Sanatlar Üniversitesi

Mustafa Onur CESUR, Yrd. Doç. Dr.

Maltepe Üniversitesi

Bu Kitapla Neden

Oynamalı

Çocuklar büyük hayaller kurar. Rollere girerek oyun oynamak için heyecanlı ve güzel maceralar isterler. Onlara büyündüklerinde ne olmak istediklerini bir sorun bakalım. Astronotlardan zoologlara ve balerinlerden Jedi ustalarına her türlü cevabı bulabilirsiniz. Peki, niçin çocukların matematikçi olmak için hayal kurmazlar?

Çocuklar matematikçi olmak için hayal kurmazlar çünkü zaten matematikcidirler. Türev yapmak için gerekli olandan daha fazla hayal gücüne sahiptirler. Coğunlukla mantıkçılar gibi süreçlere çok sadık ve kuramcılar gibi kesin ve nettirler. Israrcıdırlar, değişik sonuçlar ilgilerini çeker ve “eğer böyle olursa ne olur” senaryolarını keşfetmek için dışarıdadırlar. Bunlar iyi bir matematikçilerin özellikleridir.

Matematiğin kendisi, bir çocuğun tecrübe edebileceği en maceracı uğraşlardan biridir. Matematik egzotik, hatta tuhaftır. Şaşırtıcı ve tahmin edilemezdir. Ve hatta açık denizde yelken yapmaktan daha heyecan verici, korkunç ve tehlikeli olabilir!

Ama çoğu zaman matematik bu şekilde sunulmaz. Matematiksel düşünce sistemi gibi daha genel bir konu üzerinde çalışmaların teşvik edilmesi yerine, çocukların matematik becerileri geliştirmeleri istenir. Bu esnada çaba ve tehlikeinin önemi kutlanmıyor, emniyet ve güvenlik gibi iyi niyetlerle azaltılıyor. Bunu başarabilmek için çocuklar sayma, şekiller ve basit örneklerle matematiğin sıkıcı, kolay ulaşılabilir parçalarıyla tanıştırılıyorlar. Bu süreçte matematiksel olan her şey “çocukların hazırlınlıkları zamanı gelinceye kadar” geride bırakılıyor. Çocukların büyük çoğunluğu için bu hazır olma durumu hiç gelmiyor. Matematikleri basitleştirilmiş, yetersiz ve kısıtlanmış olarak kalıyor. Bunun nedeni bahsi geçen yöntemle matematik öğrenmenin kabul edilmemesidir. Eğer çocuklar bu egzotik ve tehlikeli matematik maceralarının yolundan yürümeye başlamazsa, asla matematiğin ülkesine varamazlar.

Ebeveynlerin çocuklarına, daha karmaşık şeylere “hazır” olana kadar, alfabe dışında bir şey okumamaları kadar trajik bir durumdur. Ya da çocukların daha karmaşık müzik dinlemelerine izin verilmeden önce “The Itsy-Bitsy Spider”ı (Daha Dün Annemizin’i) ezbere öğrenmeleri gerekmesi gibi. Ya da çocukların kaydıraktan tamamen güvenli bir şekilde kaymayı öğrenmeden, hiçbir kaydıraktan kaymalarına izin vermemeye benzetebiliriz. Bu üzücü ve moral bozucu olurdu, değil mi? Ancak erken (başlangıç) matematikte olan tam da bu. Matematik maceraları - gözlemler, anlamlı oyunlar ve karmaşık sistemlerin keşfi- yerine çocuklar ilkel, basitleştirilmiş matematikle karşılaşıyor. Bu sadece çocuklar için değil, aynı zamanda ebeveynler için de sıkıcı.

Sıkıcılık da hayal kırıklığına neden olur. Bir maceranın heyecanı, yoğun çalışmanın getirdiği eziyet dolu endişe ile yer değiştirir.

Çocuklar için zengin, çok algılı, son derece matematik deneyimler yaratmak istiyoruz. Bu kitaptaki aktiviteler, birazcık teknik bilgiyle, her ebeveyn ve öğretmenin heyecanlı, anlamlı ve güzel erken matematik deneyimleri düzenleyebileceğini gormenize yardımcı olacaktır. Evde ya da açık havada (dışarıda) kullanılan günlük malzemelerden ve çevrimiçi topluluğumuzdan da ödünc alabileceğiniz biraz hayal gücünden başka süslü araç gereçlere ya da programlara ihtiyacınız yok. Çocukların da ulaşabileceği günlük nesnelere zengin matematiksel özellikler kazandırmayı öğreneceksiniz. Çevrenizdeki her şey iletişimini başlatan bir hatırlatıcı olarak, doğaçlama matematiğe imkân sağlayan bir öğrenme aracı olabilir. Çocukların her günü hayatları matematiksel bir oyun parkına dönüşecektir.

Çocuklar sonsuzluk, simetri ve yinelemedeki ilgi uyandıran keşiflerle hayrete düşerler. Örneğin, kar tanelerinin sihirli bir şekilde kesirlere dönüşmesi gibi. Kurabiye; kombinasyonlar ve türevler ile oyuncular oynamasını sağlar.

Renk kartelaları güzel değişimleri gösterir ve yer karoları da dösemeleri oluşturur. Yatmadan önceki rutinler çocukların ilk algoritmaları olur. Patatesleri pişirip sonra püre haline getirmek (diğer türlü, önce ezip sonra pişirmek değil!) komik bir şekilde yer değiştirilebilirlik özelliklerini tanıştırır. Matematiği fark etmek ve keşfetmek ilgi çekicidir ve hatta bağımlılık yapar. Hemen sıkıcı hale gelen basit matematikten farklı olarak, bu deneyimler taze kalır. Çünkü çocukların ve ebeveynlerin matematiği kavrama gücü birlikte gelişir.

Matematik ilgi çekici olabilir mi? Büyük bir kısmı zaten öyle! Çocuğunuz ileri matematikte güçlü olabilir mi? Bazı yönleriyle zaten doğuştan dahiler! Sizin göreviniz, eğer kabul edecek olursanız; heyecan verici genç matematik maceralarına katılmak! Hazır mısınız? Öyleyse oynayalım!

SORULAR & CEVAPLAR

Çocuğumun matematik problemleri çözmesine nasıl yardımcı olabilirim?

Özellikle küçük çocuklarda modelleme kullanın. Problemi nesnelerle ve oyuncaklarla ya da insanlarla rol yapma oyunları ile temsil edin. Bunun yanında çizimler ve kağıt modeller de kullanın. Eğer çocuğunuz hikâyeler seviyorsa problemi karakterlerle hikâye şeklinde tekrar anlatın. Oyuncakları sıraya sokarak ya da düzenleme sistemleri kullanarak, nesnelerden basit şemalar oluşturun ve zaman çizelgeleri oluşturmak için de resimler kullanın (örneğin uyku rutinleri gibi). Örneğin bir dizi fotoğrafı sıraya sokarak matematik süreçlerini oluşturun.



Çocuğum bir hata yaptığından ne yapmalıyım?

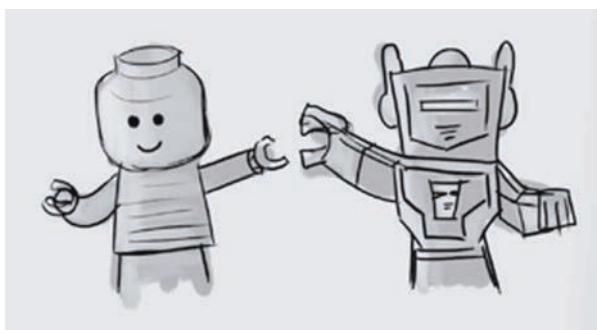
Herhangi bir hikâye, sayı, şekil bir çeşit matematiğe örnektir. Başlangıçta aradığınız örnek olmayabilir ama bu sorun yaratmaz. Çocuğunuzun verdiği cevabı alın, onu beğenin ve verdiği cevaba uygun bir problem oluşturun. Başka iyi bir çalışma da; bir iki ay boyunca cevaplarını bildiğiniz soruları sormayın. "İki artı üç kaç eder?" sorusunu sorma gereğini hissederseniz ifadeyi "İki ile üçün toplamı sence kaç eder ve neden?" şeklinde yeniden yapılandırın. Bütün cevapları inceleyin. Matematik ve çocuğunuz hakkında da çok şey öğreneceksiniz.

Çocuğuma sözel bir problem sorduğumda hep çözüyor ama eğer aynı soruyu bir denklem olarak yönetirsem (diyelim $2+3=?$) ne yapacağını bileyim? Neden?

Cünkü Üç Kural'ını bozdunuz! Herhangi bir düşünmenin en az 3 farklı örneği gerekmektedir, küçük çocuklar için bu daha da fazladır. Bu durumda probleme bakmanın iki örneğini verdiniz: Hikâyeler ve sayılar. Daha fazla örnek verin ve bunlar çeşitli olsun! Zıplamayı (iki zıplama ve üç zıplama), uzunlukları (iki birim ve üç birim), saymayı (iki üzüm ve üç üzüm), sesleri (iki el çırپış ve üç el çırپış) ve benzerlerini deneyin.

Matematiği nasıl ilgi çekici hale getirebilirim? Çocuğumun matematiği sevmesini nasıl sağlayabilirim?

Sevdığınız matematiği bulun. Bir yerlerde mutlaka vardır. Sanatsal matematik videolarını, yapbozları, uygulamaları ve oyunları deneyin. Para kazanmak için, bilgisayarınızı "hack"lemek için, şehrinize sosyal adaleti getirmek için -yapmaya değer veya en azından havalı bulduğunuz herhangi bir sebeple- matematiği kullanın. Nasıl iyi bir matematik rol modeli olacağınızı bulduktan sonra, çocuğunuzun sevgişi aktivitelerde de ilgi duyduğu matematiği keşfedin.



Matematiksel araç gereçleri “eşyalarla” bunalmadan nasıl topluyorsunuz?

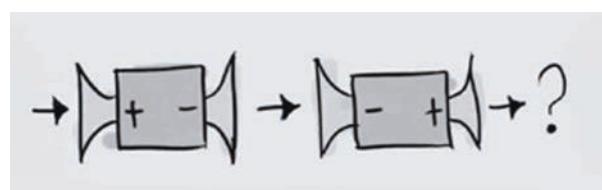
Tekrar kullanma ve geri dönüşüm! Birçok gündelik ev eşyası mükemmel matematik araç gereçleri ve oyun malzemesi olabilir. Örneğin bardakların ve kaşıkların nicelikteki değişimlerine (boyut, hacim gibi) göre sıralama yapabilirsiniz ya da merdivenlerden bir sayı dizini oluşturabilirsiniz. Matematik araçları (değişik renkler ve şekillerdeki deniz kabukları gibi) ve matematik aletleri için (cetvel, pusula veya kareli kağıt gibi) bir kutu ya da sepet ayırsın. Böylece çocuğunuza malzemeleri kapıp hemen çalışmaya başlayabilir.

Küçük bir çocuğa saymayı ya da bir grup noktayı anında tanımayı öğretmek daha derin matematik öğrenmesini zayıflatır mı?

Sayılarla temel kavram oluşturmanın dört ana yöntemi aşağıdadır:

- Anında alglama (kaba tahminde bulunma)- saymadan miktarları anında tanıyalım yeteneği.
- Sayma - toplama ve çıkarma tamamen sıralama ile ilgilidir: Nesnelerle teker teker uğraşmak.
- Birimlere ayırma - çarpma ve bölme eşit gruplar ya da birimlere dayalıdır.
- Üs-alma - kendine benzer yapılar, kesirler gibi.

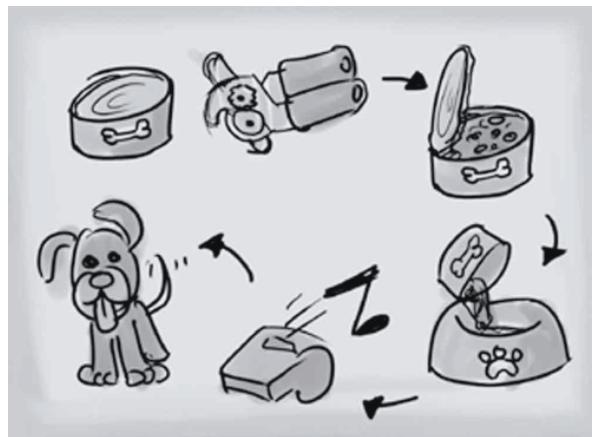
Bu yöntemlerin hiçbirini kendi içinde tehlikeli değildir. Dengesizlik ise tehlikelidir! Bu dört yöntem uyum içinde, mutlu, ekosistem ile ilişkili olarak yaşamasıdır. Bu yöntemlerden biri sayı ağırlıklı olursa ekosistem dengesiz olur ve bazı kavramların ileriki yıllarda da çocuklar tarafından öğrenilmesi güçleşir. Örneğin, Birleşik Devletler'in birçok müfredatında yeterli birimlere ayırma ve üs-alma yoktur. Üçüncü ve dördüncü sınıflarda, çocuklar gruplara ve birimlere dayalı problemlerle karşılaşıklarında, matematik dersinde başarısızlıklarda büyük bir artış gözleyebilirsiniz. Bunun size ve çocuğunuzamasına izin vermeyin.



Hangi matematik kavramları küçük çocuklar için daha basit ve daha zordur? Çocuktan çocuğa değişiklik gösterir mi?

Bruner'a katılıyoruz: "Herhangi bir konu entelektüel olarak dürüst bir şekilde gelişimin herhangi bir aşamasında herhangi bir çocuğa etkili olarak öğretilebilir." Kolay ya da zor olan kavamlar değil, nasıl sunduğunuzdur.

Küçük çocukların kavramı tüm vücut ve bütün duyularıyla yaşamalarına yardımcı olun. Örneğin, simetriyi keşfetmek için birbirinizin pozlarını taklit edin, katlı kağıtları kesin veya aynalarla oynayın. Çocukları, kelimeler ya da sembollerle cevap vermek yerine hareketlerle cevap vermeye davet edin. Örneğin, bir çocuk "2x4 kaç eder?" sorusuna cevap vermektense, iki tane arabaya yetecek kadar tekerlek hazırlayabilir. Ve teknoloji kullanın çünkü çocuklar ona bayılıyorlar: Matematik yaparken fotoğraflarını çekin, matematik hikâyelerini kaydedin, internette matematik resimleri ve videoları araştırın, matematik bilgisayar oyunlarını kullanın. Matematikteki herhangi bir kavramı, herhangi bir yaşa öğretebilirsiniz.



Çocuğum aynı oyunu üst üste oynamak istediğinde ya da aynı soruyu tekrar tekrar sorduğunda motivasyonumun devamını nasıl sağlarım?

Çocuklar her seferinde öğrenme ve zevkte azalma yaratan fakat daha önceden anlamlı olan bir şeyi tekrar tekrar yaparlar: Bu onları "kısır döngüye" sokar. Çocuklar aslında gerçekten istemedikleri bir şeyi yeterince öğrenemezler. Bazen çocuklar bu döngüyü dramatik bir şekilde kırmak için bir anda ağlamaya ya da oyundan koşarak uzaklaşmaya başlarlar. Çocuğun bu "kısır döngüden" kurtulmasına yardımcı olun! Onu yeni boyutlara taşıyan sarmal bir yapıya çevirin. Örneğin, eğer çocuğunuza cevaplarına çok dikkat etmeden "neden, neden, neden?" diye soruyorsa her cevabınızı bir öncekinin iki katı uzunlığında ve detayında verin. Ve sıra ile birbirinize soru sorun böylelikle siz de kendi, daha detaylı sorularınızı ekleyebilisiniz. Eski ve sıkıcı bir oyundan çaresizce zevk almaya çalışmaktadırca çocuğunuzdan oyunun kurallarını biraz değiştirmesini veya yeniden yapılandırmasını isteyebilirsiniz. Yakından bağlantılı ama farklı aktiviteler sunun.



Çocukların matematikle oynayabilmesi için elde bulundurulması gereken en iyi malzeme nedir?

Her zaman hazırda büyük bir yığın kareli kağıt, renkli kurşun ya da keçeli kalem, yapıştırıcı ve makas bulunduruyoruz. Bunun dışında hem çocuklar hem de yetişkinler için çok fazla yapı oyuncağı ve yapı inşa takımları bulunduruyoruz. Elbette bebekler inşa ettiklerinizi yıkacaklar ama en azından fikirleri özümsüyorkar. Sıralama içinse benzer olan ancak özelliklerini çeşitlilik gösteren oyuncaklar veya ev eşyaları kullanabilirsiniz. Örneğin tencere ve tavalar, deniz kabukları, minyatür arabalar ya da model hayvanlar olabilir.

Küçük çocuklar negatif sayılar kavramını anlayabilirler mi? Nasıl tanıtmalıyım?

Karşıtları kullanarak negatif sayı düşüncesini bir bebeğe bile tanıtabilirsiniz. Küvette suyun üzerindeki ve altındaki seviyeleri işaretleyerek, oyuncakları “sualtı asansörüne” koyabilirsiniz. Bir yaş civarındaki bebekler birbirini iptal eden, yiyen ya da patlatan “nesne ve karşıtnesnelerle” oynamayı severler. Örneğin, üç aç tırtıl iki yaprağı iptal eder ama bir tanesi aç kalacaktır. Yetişkin dilinde bu $-3+2=-1$ 'dir. Piyonlar (pozitif sayılar) delikleri (negatif sayıları) iptal edebilir (Solo Test Oyunu). Eğer üç yalnızak çocuk ve beş tek çorabınız varsa kaç yalnızak ayak kalır? Genel olarak “Küçük çocuklar ... kavramını anlayabilir mi?” sorusunun cevabı hep “Evet!” olur.

Matematiği kağıt üzerinde çalışmaya başlaması için çocuk kaç yaşına gelmiş olmalı?

Kağıt mükemmel ucuz bir araçtır ve onu çocuk doğrudan itibaren kullanabilirsiniz. Her yaşta sembollerini ek olarak resimleri ve kesip biçmeyi kullanabilirsiniz. Bebeklerin tutma refleksi vardır, böylece bebeğinizin eline bir keçeli kalem verip kalemin ucu kağıda degecek uzaklıkta defteri tutarak bebeğinizin birkaç saniyeliğine “karalama” yapmasına yardım edebilirsiniz...Bebekler bunun eğlenceli bir oyun olduğunu düşünürler ve siz de her zaman ortaya çıkan sanat eserini çerçeveyeleyip “soyut” sanat diyebilirsiniz. Bir yaş civarındaki bebekler keçeli kalem tutmayı ve onların elini sizin elinizin içinde tutarak şekiller çizmeyi severler. Bu el-göz koordinasyonunu geliştirir; el beyinle konuşur ve şekillerle semboller hakkında da bir-iki şey öğretebilir.

